

TƏNLİKLƏR SİSTEMİ

1. a -nın hansı müsbət qiymətində $\begin{cases} ax + 8y = 3, \\ 2x + ay = 5 \end{cases}$ tənliklər sisteminin həlli yoxdur?
- A) 4 B) -4 C) 2 D) -2 E) 6
 Sistemin həllinin olmaması üçün $\frac{a}{2} = \frac{8}{a} + \frac{3}{5}$
 Ödənməlidir. $a^2 = 16 \Rightarrow a = \pm 4$ $a = 4 > 0$
2. m -in hansı qiymətində $\begin{cases} x + my = 2, \\ 3x - 2y = 6 \end{cases}$ tənliklər sisteminin sonsuz sayıda həlli var.
- A) $\frac{3}{2}$ B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $-\frac{2}{3}$ E) $-\frac{3}{2}$
 $\frac{1}{3} = \frac{m}{-2} = \frac{2}{6}$ Ödənməlidir.
 $3m = -2$
 $m = -\frac{2}{3}$
3. b -nin hansı qiymətində $\begin{cases} y = -3x + 2, \\ y = -\sqrt{bx} - 4 \end{cases}$ tənliklər sisteminin həlli yoxdur?
- A) 4 B) 1 C) 9 D) 0 E) 3
 $-3 = -\sqrt{b}$
 $3 = \sqrt{b}$
 $b = 9$
4. a -nın hansı qiymətində $\begin{cases} y = 2x + 3, \\ y = \sqrt{ax} - 5 \end{cases}$ tənliklər sisteminin həlli yoxdur?
- A) 2 B) 4 C) 0 D) 1 E) 9
 $2 = \sqrt{a}$
 $4 = a$
 $a = 4$
5. a -nın hansı qiymətində $\begin{cases} 3x + ay = 3, \\ ax + 3y = 3 \end{cases}$ tənliklər sisteminin sonsuz sayıda həlli var?
- A) -2 B) 2 C) 0 D) -3 E) 3
 $\frac{3}{a} = \frac{a}{3} = \frac{3}{3}$
 $a^2 = 9$
 $a = \pm 3$ $a = 3 > 0$
6. a -nın hansı qiymətində $\begin{cases} x + 2y = 3, \\ 3x + ay = 3 \end{cases}$ tənliklər sisteminin həlli yoxdur?
- A) 2 B) 3 C) 6 D) -2 E) -3
 $\frac{1}{3} = \frac{2}{a} + \frac{3}{3}$
 $a = 6$

7. İki ədədin cəmi 13, hasili isə 36-dır. Bu ədədlərdən böyüyüni tapın.
- A) 9 B) 4 C) 10 D) 8 E) 12
 $\begin{cases} x+y=13 \\ xy=36 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y=13-x \\ x(13-x)=36 \end{cases}$
 $13x - x^2 = 36$
 $x^2 - 13x + 36 = 0$
 $\Delta = b^2 - 4ac = (-13)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 36 = 169 - 144 = 25 = 5^2$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$
 $x_{1,2} = \frac{13 \pm 5}{2}$
 $x_1 = 9$ $x_2 = 4$
 $\text{B) } 9^2 - 4 \cdot 9 \cdot 4 = (13)^2 - 4 \cdot 9 \cdot 4 = 169 - 144 = 25 = 5^2$
8. $\begin{cases} \frac{1}{3}(x-y) = 4, \\ \frac{1}{4}(x+y) = 2 \end{cases}$ tənliklər sisteminən $x \cdot y$ hasilini tapın.
- A) 20 B) -20 C) 18 D) -18 E) -16
 $\begin{cases} \frac{1}{3}(x-y) = 4 \\ \frac{1}{4}(x+y) = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-y=12 \\ x+y=8 \end{cases}$
 $\begin{cases} 10-y=12 \\ y=10-12 \end{cases}$
 $2x = 20$
 $x = 10$
 $x \cdot y = 10 \cdot (-2) = -20.$
9. $\begin{cases} x-y=5, \\ 2x^2-2xy+y^2=41 \end{cases}$ tənliklər sisteminən x^2 -ni tapın.
- A) 9 B) 25 C) 36 D) 16 E) 49
 $x^2 + (x^2 - 2xy + y^2) = 41$
 $x^2 + (x-y)^2 = 41$
 $x^2 + 5^2 = 41$
 $x^2 + 25 = 41$
 $x^2 = 41 - 25 = 16$
 $x^2 = 16$
10. $\begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{1}{y} = 3,5 \\ xy = 2 \end{cases}$ tənliklər sisteminən $x - y$ fərqiini tapın.
- A) -7 B) 7 C) 1,75 D) -1,75 E) 5,5
 $\frac{1}{x} - \frac{1}{y} = 3,5$
 $\frac{y-x}{xy} = 3,5$
 $\frac{y-x}{2} = 3,5$
 $y-x = 2 \cdot 3,5 = 7$
 $y - x = 7$
11. $\begin{cases} x+y=3, \\ x^2+2xy+2y^2=18 \end{cases}$ tənliklər sisteminən y^2 -ni tapın.
- A) 6 B) 15 C) 9 D) 21 E) 27
 $(x^2 + 2xy + y^2) + y^2 = 18$
 $(x+y)^2 + y^2 = 18$
 $3^2 + y^2 = 18$
 $y^2 = 18 - 9 = 9$
 $y^2 = 9$
12. $\begin{cases} x^2 + xy = 0, \\ x+y = 1 \end{cases}$ tənliklər sisteminən $x^2 + y^2$ cəmini tapın.
- A) 2 B) 1 C) 0 D) 4 E) 9
 $x^2 + xy = 0$
 $x(x+y) = 0$
 $x \cdot 1 = 0$
 $x = 0$
 $0+y=1$
 $y=1$
 $x^2 + y^2 = 0^2 + 1^2 = 0 + 1 = 1.$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

13. $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{3}{8} \\ x + y = 12 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

$$\begin{aligned} A) 4,5 & \quad B) \frac{1}{32} \quad C) 32 \quad D) 8 \quad E) 6 \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{3}{8} & \quad 3xy = 8 \cdot 32 \\ \frac{y+x}{xy} = \frac{3}{8} & \quad xy = \frac{8 \cdot 32}{3} \\ \frac{12}{xy} = \frac{3}{8} & \quad xy = 8 \cdot 4 = 32 \\ \frac{12}{xy} = \frac{3}{8} & \quad xy = 32. \\ 3xy = 8 \cdot 12 & \end{aligned}$$

14. $\begin{cases} x^2 - xy = 0, \\ x - y = 3 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x^2 - y^2$ fərqiini tapın.

$$\begin{aligned} A) 9 & \quad B) 3 \quad C) -3 \quad D) -9 \quad E) 0 \\ x(x-y) = 0 & \quad 0-y=3 \quad x^2-y^2=0^2-(-3)^2= \\ x \cdot 3 = 0 & \quad -y=3 \quad =0-9=-9 \\ x=0 & \quad y=-3 \end{aligned}$$

15. $\begin{cases} x+5y = 7, \\ x-3y = -1 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $8y$ -i tapın.

$$\begin{aligned} A) -8 & \quad B) 8 \quad C) 1 \quad D) -1 \quad E) 4 \\ \begin{cases} x+5y=7 \\ -x+3y=1 \end{cases} & \quad \text{İkinci tənliliyi } -1 \text{-ə vurub} \\ & \quad \text{alt-alta toplasaq, } 8y \text{-i alarıq} \\ 8y \approx 8 & \end{aligned}$$

16. $\begin{cases} 2x + 5y = 25, \\ 4x + 3y = 15 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $7y$ -i tapın.

$$\begin{aligned} A) 7 & \quad B) 5 \quad C) 35 \quad D) -5 \quad E) -35 \\ 7y-i almaq üçün birinci tənliliyi 2.yə, & \\ \text{ikinci tənliliyi } -1 \text{-ə vurub alt-alta toplayaq,} & \\ \begin{cases} 4x+10y=50 \\ -4x-3y=-15 \end{cases} & \\ 7y=35 & \end{aligned}$$

17. $\begin{cases} 0,6(x-y) = 12, \\ 0,7(x+y) = 21 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

$$\begin{aligned} A) 50 & \quad B) 125 \quad C) 250 \quad D) 25 \quad E) -50 \\ \begin{cases} x-y = 12 : 0,6 \approx 120 : 6 \\ x+y = 21 : 0,7 \approx 210 : 7 \end{cases} & \\ \begin{cases} x-y = 20 \\ x+y = 30 \end{cases} & \quad \begin{cases} 25-y=20 \\ y=25-20 \end{cases} \quad xy = 25 \cdot 5 = 125 \\ 2x = 50 & \quad y=5 \\ x = 25 & \end{aligned}$$

18. $\begin{cases} xy - x - y = 1, \\ x + y = 5 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

$$\begin{aligned} A) 4 & \quad B) 6 \quad C) -4 \quad D) -6 \quad E) 5 \\ xy-x-y=1 & \\ xy-(x+y)=1 & \\ xy-5=1 & \\ xy=1+5=6 & \\ xy=6. & \end{aligned}$$

19. Barabəsizliyi həll edin: $4x \geq x^2$.

$$A) (0; 4) \quad B) (-\infty; 0] \quad C) [0; 4] \quad D) [4; \infty) \quad E) [0; \infty)$$

$$\begin{aligned} 4x & \geq x^2 \\ 0 & \geq x^2 - 4x \\ x^2 - 4x & \leq 0 \\ x(x-4) & \leq 0 \\ x=0 & \quad x-4=0 \\ x=4 & \end{aligned}$$

cəvət: $[0; 4]$

20. $\begin{cases} x^2 - y = -2, \\ 2x + y = 2 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x(x+2)$ hasilini tapın.

$$A) 2 \quad B) -2 \quad C) -4 \quad D) 4 \quad E) 0$$

$$\begin{cases} x^2-y=-2 \\ 2x+y=2 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} x^2+y &= 2 \\ x^2+2x &= 0 \\ x(x+2) &= 0 \end{aligned}$$

21. $\begin{cases} 3x - y = 3, \\ 3x - 2y = 0 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın.

$$A) 5 \quad B) 1 \quad C) -1 \quad D) 3 \quad E) -5$$

$$\begin{cases} 3x-y=3 \\ -3x+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} x+y &= 2+3=5 \\ y &= 3 \\ 3x-3 &= 3 \\ 3x &= 3+3 \\ 3x &= 6 \\ x &= 2 \end{aligned}$$

22. $\begin{cases} x - y = 6, \\ x^2 + y^2 = 20 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

$$A) 7 \quad B) -4 \quad C) -8 \quad D) 8 \quad E) 16$$

$$\begin{cases} (x-y)^2 = 6^2 \\ x^2 - 2xy + y^2 = 36 \\ 20 - 2xy = 36 \\ 2xy = 20 - 36 \\ 2xy = -16 \\ xy = -8 \end{cases}$$

23. $\begin{cases} x + y = 1, \\ x^2 + y^2 = 25 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

$$A) 25 \quad B) -12 \quad C) 12 \quad D) 24 \quad E) -24$$

$$\begin{cases} (x+y)^2 = 1^2 \\ x^2 + 2xy + y^2 = 1 \\ 25 + 2xy = 1 \\ 2xy = 1 - 25 \\ 2xy = -24 \\ xy = -12 \end{cases}$$

24. $\begin{cases} 2x + y^2 = 6, \\ x + y = 3 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $y(y-2)$ hasilini tapın.

$$A) 3 \quad B) -3 \quad C) 12 \quad D) 0 \quad E) -12$$

$$\begin{cases} 2x+y^2=6 \\ -2x-2y=-6 \\ y^2-2y=0 \\ y(y-2)=0 \end{cases}$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

25. $\begin{cases} 2x - y = 1 \\ x + y = -4 \end{cases}$ tənliliklər sistemini həll edin və $x^2 + y^2$ tapın.
 A) 17 B) 5 C) 13 D) 10 E) 15

$$\begin{aligned} 3x &= -3 \\ x &= -1 \\ -1 + y &= -4 \\ y &= -4 + 1 \\ y &= -3 \end{aligned}$$

26. $\begin{cases} \frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{34}{15} \\ x^2 + y^2 = 34 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

$$\begin{aligned} \text{A)} 15 &\quad \text{B)} 34 &\quad \text{C)} 49 &\quad \text{D)} 19 &\quad \text{E)} 64 \\ \frac{x}{y} + \frac{y}{x} &= \frac{34}{15} \\ \frac{xy + y^2}{xy} &= \frac{34}{15} \\ \frac{34}{xy} &= \frac{34}{15} \Rightarrow xy = 15 \end{aligned}$$

27. $\begin{cases} 2x + 3y = 8 \\ 3x + 2y = 7 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

$$\begin{aligned} \text{A)} 1 &\quad \text{B)} 2 &\quad \text{C)} 3 &\quad \text{D)} 4 &\quad \text{E)} 0 \\ \text{bir dəfə alt-alta toplayın, 2-dəfə çoxlaq.} && \text{bir dəfə çoxlaq.} && \\ \begin{cases} 5x + 5y = 15 \\ -x + y = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 3 \\ -x + y = 1 \end{cases} &+ \quad \begin{cases} x + 2 = 3 \\ x = 3 - 2 \end{cases} \\ 2y &= 4 \\ y &= 2 \\ x \cdot y &= 1 \cdot 2 = 2. \end{aligned}$$

28. Tənliliklər sistemindən $\frac{x}{y}$ -i tapın: $\begin{cases} 3x + 4y = 10 \\ x + y = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x + 4y = 10 \\ -4x - 4y = -12 \end{cases}$

$$\begin{aligned} \text{A)} -2 &\quad \text{B)} 4 &\quad \text{C)} 2 &\quad \text{D)} 1 &\quad \text{E)} 0 \\ -x &= -2 \\ x &= 2 \\ 1+y &= 3 \\ y &= 3-2=1 \\ y &= 1 \quad \frac{x}{y} = \frac{2}{1} = 2. \end{aligned}$$

29. Tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın: $\begin{cases} \frac{1}{2}x + y = 3 \\ x + \frac{1}{2}y = 6 \end{cases}$

$$\begin{aligned} \text{A)} 3 &\quad \text{B)} 4 &\quad \text{C)} 6 &\quad \text{D)} 3,5 &\quad \text{E)} 4,5 \\ \frac{3}{2}x + \frac{3}{2}y &= 9 \\ \frac{3}{2}(x+y) &= 9 \\ x+y &= 9 : \frac{3}{2} = 9 \cdot \frac{2}{3} = 6 \\ x+y &= 6 \end{aligned}$$

30. Tənliliklər sistemindən $x - y$ fərqiini tapın: $\begin{cases} x + \frac{1}{3}y = 3 \\ \frac{1}{3}x + y = 5 \end{cases}$

$$\begin{aligned} \text{A)} 2 &\quad \text{B)} -2 &\quad \text{C)} 3 &\quad \text{D)} -3 &\quad \text{E)} 4 \\ \frac{2}{3}x - \frac{2}{3}y &= -2 \\ \frac{2}{3}(x-y) &= -2 \\ x-y &= -2 \cdot \frac{2}{3} = -\frac{4}{3} \\ x-y &= -\frac{4}{3} = -1,33 \\ x-y &= -3 \end{aligned}$$

31. Tənliliklər sistemindən $a \cdot b$ hasilini tapın: $\begin{cases} \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 2 \\ \frac{2}{a} - \frac{3}{b} = 0 \end{cases}$

$$\begin{aligned} \text{A)} 4 &\quad \text{B)} 3 &\quad \text{C)} 2 &\quad \text{D)} 1 &\quad \text{E)} 5 \\ \frac{1}{a} + \frac{1}{b} &= 2 \\ \frac{1}{a} &= 1 \quad \frac{1}{b} = 1 \\ a &= 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{a} + \frac{1}{b} &= 2 \\ 1 + \frac{1}{b} &= 2 \\ \frac{1}{b} &= 1 \quad b = 1 \\ a \cdot b &= 1 \cdot 1 = 1 \end{aligned}$$

32. Tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın: $\begin{cases} \frac{2}{x} + \frac{3}{y} = 5 \\ \frac{4}{x} - \frac{4}{y} = 0 \end{cases}$

$$\begin{aligned} \text{A)} 1 &\quad \text{B)} 2 &\quad \text{C)} -1 &\quad \text{D)} -2 &\quad \text{E)} 3 \\ \frac{2}{x} + \frac{3}{y} &= 5 \\ \frac{2}{x} &= 5 - \frac{3}{y} \\ \frac{2}{x} &= 5 - 3 = 2 \\ x &= 1 \end{aligned}$$

33. $3x - y + 2 = 0$ və $5x - 2y + 1 = 0$ düz xətlərinin kəsişmə nöqtəsini tapın.

$$\begin{aligned} \text{A)} (1; -4) &\quad \text{B)} (3; 5) &\quad \text{C)} (1; 5) &\quad \text{D)} (-3; -7) &\quad \text{E)} (-2; -3) \\ \begin{cases} 3x - y + 2 = 0 \\ 5x - 2y + 1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -6x + 2y - 4 = 0 \\ 5x - 2y + 1 = 0 \end{cases} &+ \\ -x - 3 = 0 & \\ x = -3 & \\ 3(-3) - y + 2 = 0 & \\ -9 + 2 = y \\ y = -7. & \end{aligned}$$

34. $2x + 3y = 5$ və $3x + y = -3$ düz xətlərinin kəsişmə nöqtəsini tapın.

$$\begin{aligned} \text{A)} (1; 2) &\quad \text{B)} (-2; 4) &\quad \text{C)} (-2; 3) &\quad \text{D)} (3; -2) &\quad \text{E)} (4; 1) \\ \begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ 3x + y = -3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ -8x - 3y = 9 \end{cases} &+ \\ -7x = 14 & \\ x = -2 & \\ 3(-2) + y = -3 & \\ -6 + y = -3 \\ y = 6 - 3 = 3. & \end{aligned}$$

35. Tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın: $\begin{cases} y - 2x = 1 \\ 6x - y = 7 \end{cases}$

$$\begin{aligned} \text{A)} 7 &\quad \text{B)} 6 &\quad \text{C)} 5 &\quad \text{D)} 4 &\quad \text{E)} 3 \\ 4x &= 8 \\ x &= 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y - 2 \cdot 2 &= 1 \\ y - 4 &= 1 \\ y = 1 + 4 &= 5 \\ x + y &= 2 + 5 = 7 \end{aligned}$$

36. Tənliliklər sistemindən $x - y$ fərqiini tapın: $\begin{cases} x - 2y = 1 \\ x + 3y = 11 \end{cases}$

$$\begin{aligned} \text{A)} 4 &\quad \text{B)} 2 &\quad \text{C)} 3 &\quad \text{D)} 1 &\quad \text{E)} 0 \\ \begin{cases} -x + 2y = -1 \\ x + 3y = 11 \end{cases} &+ \\ 5y &= 10 \\ y &= 2 \\ x - 2 \cdot 2 &= 1 \\ x - 4 &= 1 \\ x &= 1 + 4 = 5 \\ x - y &= 5 - 2 = 3 \end{aligned}$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

37. Tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın: $\begin{cases} 3x + y = 5, \text{ (-3)} \\ x - 3y = -5. \end{cases}$

A) 2 B) 3 C) 2 D) -3 E) 1

$$\begin{cases} 9x + 3y = 15 \\ x - 3y = -5 \end{cases} + \quad \begin{aligned} 3x + y &= 5 \\ 3x - 3y &= -5 \\ 10x &= 10 \\ x &= 1 \end{aligned}$$

$$x + y = 1 + 2 = 3$$

38. İki müsbət ədədin fərqi 8, hasili 65-dir. Bu ədədlərdən kiçiyini tapın.

A) 3 B) 10 C) 6 D) 8 E) 5

$$\begin{cases} x - y = 8 \Rightarrow x = y + 8 \\ x \cdot y = 65 \quad (y+8) \cdot y = 65 \end{cases}$$

$$y^2 + 8y - 65 = 0$$

$$\Delta = (\frac{8}{2})^2 - 4 \cdot (-65) = (6+65) \cdot 81 = 9^2$$

$$y_{1,2} = \frac{-8 \pm \sqrt{81}}{2} = \frac{-8 \pm 9}{2} = -4 \pm 9$$

$$y_1 = -4 + 9 = 5; \quad x = y + 8 = 5 + 8 = 13$$

$$y_2 = -4 - 9 = -13 < 0$$

39. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} 2x + y = 7, \text{ (1)} \\ x - 2y = 1. \end{cases}$

A) 3 B) 2 C) 6 D) 4 E) -3

$$\begin{cases} 4x + 2y = 14 \\ x - 2y = 1 \end{cases} + \quad \begin{aligned} 2x + y &= 7 \\ 6 + y &= 7 \\ y &= 1 \\ x \cdot y &= 3 \cdot 1 = 3 \end{aligned}$$

40. Mağazaya 3 yaşık armud və 4 yaşık alma getirildi. Bütün yükün çakisı 17 s və 1 yaşık armudun çakisı 1 yaşık almanın çakisından 1 s çox olarsa, 1 yaşık almanın çakisı nə qədər olar?

A) 2 s B) $\frac{18}{7}$ s C) $\frac{22}{7}$ s D) 1 s E) 3 s

1 yaşık armud x s (sentmet), 1 yaşık alma y s olarsa,
 $\begin{cases} 3x + 4y = 17 \\ x - y = 1 \end{cases} \text{ (-3)} \Rightarrow \begin{cases} 3x + 4y = 17 \\ -3x + 3y = -3 \end{cases} +$
 $y = ?$
 $y = 14$
 $y = 2.6.$

41. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} xy + y - x = -4, \\ xy - y = 5. \end{cases}$

A) 1 B) -1 C) -9 D) 0 E) 2

$$xy = 1$$

42. Cəmi 6, fərqi 4 olan iki ədədin hasilini tapın.

A) 5 B) 6 C) 4 D) 3 E) 2

$$\begin{cases} x + y = 6 \\ x - y = 4 \end{cases} + \quad \begin{aligned} 2x &= 10 \\ x &= 5 \end{aligned}$$

$$x \cdot y = 5 \cdot 1 = 5$$

CFR

43. İki ədədin cəmi 12, fərqi isə 4-ə bərabərdir. Ədədləri tapın.

A) 6 və 2 B) 10 və 2 C) 8 və 4 D) 5 və 7 E) 9 və 3

$$\begin{cases} x + y = 12 \\ x - y = 4 \end{cases} + \quad \begin{aligned} 2x &= 16 \\ x &= 8 \end{aligned}$$

$$8 + y = 12 \quad y = 4$$

44. Tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın: $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 2,5 \\ xy = 1. \end{cases}$

A) 2,5 B) 5 C) 4 D) 3,5 E) 1,5

$$\begin{aligned} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} &= 2,5 \\ \frac{y+x}{xy} &= 2,5 \\ \frac{x+y}{1} &= 2,5 \\ x+y &= 2,5 \end{aligned}$$

45. Tənliliklər sistemindən $\frac{1}{m} - \frac{1}{n}$ fərqini tapın: $\begin{cases} m - n = 12, \\ m \cdot n = 6. \end{cases}$

A) 0 B) -2 C) $\frac{1}{2}$ D) $-\frac{1}{2}$ E) 2

Bu tənlilikləri təzəf təzəf böök. $\frac{m-n}{mn} = \frac{12}{6}$

$$\frac{m^2}{mn} - \frac{n^2}{mn} = 2$$

$$\frac{1}{n} - \frac{1}{m} = 2 \Rightarrow \frac{1}{m} - \frac{1}{n} = -2$$

46. Tənliliklər sistemindən $y - x$ fərqini tapın: $\begin{cases} x + 3y = 7, \\ x + 2y = 5. \end{cases} \text{ (-1)}$

A) 2 B) -2 C) -1 D) 1 E) 3

$$\begin{cases} x + 3y = 7 \\ -x - 2y = -5 \end{cases} + \quad \begin{aligned} x + 3 \cdot 2 &= 7 \\ x + 6 &= 7 \\ x &= 1 \\ y - x &= 2 - 1 = 1 \end{aligned}$$

47. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} xy + x - y = 2, \\ x - y = 3. \end{cases} \text{ (-1)}$

A) -1 B) 1 C) 5 D) -5 E) 6

$$\begin{cases} xy + x - y = 2 \\ -x + y = -3 \end{cases} + \quad \begin{aligned} xy &= -1 \\ xy &= -1 \end{aligned}$$

48. Uzunluğu 104 m olan meftili birinin uzunluğu digərinin uzunluğundan 3 dəfə kiçik olan iki hissəyə böldüllər. Büyük hissənin uzunlığını tapın.

A) 78 m B) 26 m C) 101 m D) 52 m E) 42 m

$$\frac{x}{3x} = \frac{1}{3}$$

$$\begin{aligned} x + 3x &= 104 \\ 4x &= 104 \\ x &= 104 : 4 \\ x &= 26 \text{ kiçik hissə} \\ 3x &= 3 \cdot 26 \end{aligned}$$

TƏNLİKLƏR SİSTEMİ

49. Tənliliklər sistemindən $x - y$ fərqi tapın: $\begin{cases} \sqrt{2x} - \sqrt{2y} = 3, \\ \sqrt{2x} + \sqrt{2y} = 5. \end{cases}$

A) $3\sqrt{2}$ B) $2\sqrt{2}$ C) 7,5 D) 4,5 E) $5\sqrt{2}$
 $2\sqrt{2x} = 8$ $4 + \sqrt{2y} = 5$
 $\sqrt{2x} = 4$ $\sqrt{2y} = 1$ $x - y = 8 - 9,5 = 7,5$
 $2x = 16$ $2y = 1$
 $x = 8$ $y = \frac{1}{2} = 0,5$

50. Tənliliklər sistemindən $x - y$ fərqi tapın: $\begin{cases} \sqrt{3x} - \sqrt{3y} = 2, \\ \sqrt{3x} + \sqrt{3y} = 4. \end{cases}$

A) $2\sqrt{3}$ B) $3\sqrt{3}$ C) $\frac{3}{2}$ D) $2\frac{2}{3}$ E) $3\frac{2}{3}$
 $2\sqrt{3x} = 6$ $3 + \sqrt{3y} = 4$
 $\sqrt{3x} = 3$ $\sqrt{3y} = 1$
 $3x = 9$ $3y = 1$ $x - y = 3 - \frac{1}{3} = 2\frac{2}{3}$
 $x = 3$ $y = \frac{1}{3}$

51. İki ədədin fərqi 3, kvadratları fərqi isə 33-ə bərabərdir. Bu ədədlerin kvadratları cəmini tapın.

- A) 11 B) 28 C) 65 D) 36 E) 99

$\begin{cases} x-y=3 \\ x^2-y^2=33 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-y=3 \\ (x-y)(x+y)=33 \end{cases}$
 $x^2+y^2=?$ $3 \cdot (x+y) = 33$
 $x+y=11$
 $x^2+y^2 = 7^2+4^2 = 49+16 = 65$

52. Cəmi 8,4 və fərqi 4,4 olan iki ədədin hasilini tapın.

- A) 12,8 B) 6,4 C) 25,6 D) 3,2 E) 2

$\begin{cases} x+y=8,4 \\ x-y=4,4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x+y=8,4 \\ x-y=4,4 \end{cases}$
 $2x = 12,8$ $6,4 \cdot 2 = 12,8$
 $x = 6,4$
 $6,4+y=8,4$
 $y=2$

53. 96 metr uzunluğunda məftili, biri o birindən 2 dəfə qısa olan iki hissəyə ayırdılar. Kiçik hissənin uzunluğunu tapın.

- A) 24 m B) 16 m C) 48 m D) 36 m E) 32 m

Kiçik hissə x olarsa, böyük hissə $2x$ olar, və ikisi birlikdə 96 metr olduğundan: $x+2x=96$

$$\begin{aligned} 3x &= 96 \\ x &= 32 \end{aligned}$$

54. x, y deyişənlərinin (5; 7) cütü $ax - 2y = 1$ tənliyinin həlli olarsa, a əmsalını tapın.

- A) 2 B) 1 C) 4 D) 3 E) 5

$x=5$ $y=7$ qiymətlərini tənlikdə yerinə yazıb a -ni tap
 $a \cdot 5 - 2 \cdot 7 = 1$
 $a \cdot 5 - 14 = 1$
 $a \cdot 5 = 1+14$
 $a \cdot 5 = 15$
 $a = 3$

55. a -nın elə qiymətlərini tapın ki, $\begin{cases} 6x + ay = 14, \\ 3x + 2y = 7 \end{cases}$ tənliklər sisteminin sonsuz sayıda həlli olsun.

A) -2 B) -4 C) 4 D) {-4; 4} E) {-2; 4}
 Sistemin sonsuz sayıda həllinin olmaması üçün $\frac{6}{3} = \frac{a}{2} = \frac{14}{7}$ şərtlərini ödəməlidir. Yəni $\frac{a}{2} = 2 \Rightarrow a = 4$ olmalıdır.

56. a -nın hansı qiymətində $\begin{cases} x - 2y = 3, \\ 4y - 2x = a \end{cases}$ tənliklər sisteminin sonsuz sayıda həlli var?

- A) 6 B) 12 C) -2 D) -6 E) 2

$$\begin{cases} x - 2y = 3 \\ -2x + 4y = a \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{-2} &= \frac{-2}{4} = \frac{3}{a} \\ -\frac{1}{2} &= -\frac{1}{3} \times \frac{3}{a} \\ a \cdot 1 &= -2 \cdot 3 \\ a &= -6 \end{aligned}$$

57. Tənliklər sistemindən $a \cdot b$ hasilini tapın: $\begin{cases} \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 2, \\ \frac{2}{a} - \frac{3}{b} = 0. \end{cases}$

A) 2 B) -3 C) -2 D) -1 E) 1

$$\begin{aligned} \frac{1}{a} + \frac{1}{b} &= 2 \\ \frac{1}{a} &= 2 - \frac{1}{b} \\ \frac{1}{a} &= \frac{1}{b} \\ a &= 1 \\ \frac{1}{a} + \frac{1}{b} &= 2 \\ 1 + \frac{1}{b} &= 2 \\ \frac{1}{b} &= 2 - 1 = 1 \\ b &= 1 \\ a \cdot b &= 1 \cdot 1 = 1 \end{aligned}$$

58. k -nın hansı qiymətində tənliklər sisteminin həlli yoxdur:

$$\begin{cases} 3x + 3y = 5, \\ 7x + ky = 7? \end{cases}$$

A) 3 B) -1 C) 0 D) 5 E) 7

Sistemin həllinin olmaması üçün $\frac{3}{7} = \frac{3}{k} \neq \frac{5}{7}$ şərtləri ödəməlidir. Bu da $k=7$ da doğrudur.

59. a -nın hansı qiymətində tənliklər sisteminin həlli yoxdur:

$$\begin{cases} ax - 4y = 6, \\ x - 3y = 7? \end{cases}$$

- A) $\frac{4}{3}$ B) $-\frac{4}{3}$ C) $\frac{3}{4}$ D) 4 E) 3

$$\begin{aligned} \frac{a}{1} &= \frac{-4}{-3} \neq \frac{6}{7} \\ a &= \frac{4}{3} \text{ olduğda} \end{aligned}$$

60. a -nın hansı qiymətində tənliklər sisteminin həlli yoxdur:

$$\begin{cases} 5x + 2y = 8, \\ 10x + ay = 14? \end{cases}$$

- A) 1 B) 4 C) 2 D) -4 E) -2

$$\begin{aligned} \frac{5}{10} &= \frac{2}{a} \neq \frac{8}{14} \\ a &= 4 \end{aligned}$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

61. a və b -nin hansı qiymətlərində $\begin{cases} x+y=b, \\ ax-y=5 \end{cases}$ tənliliklər sisteminin sonsuz sayıda həlli var?

- A) $a = -1; b = -5$ B) $a = -1; b = 5$ C) $a = 1; b = -5$
 D) $a = 1; b = 5$ E) $a = 0; b = 4$

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{-1} = \frac{b}{5}$$

$a = -1$

$b = -5$

62. a və b -nin hansı qiymətlərində $\begin{cases} x+y=a, \\ 3x-by=2 \end{cases}$ sisteminin sonsuz sayıda həlli var?

- A) $a = \frac{2}{3}; b = -3$ B) $a = -\frac{2}{3}; b = 3$ C) $a = \frac{2}{3}; b = -3$
 D) $a = \frac{2}{3}; b = 3$ E) $a = \frac{2}{3}; b = -\frac{2}{3}$

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{-6} = \frac{a}{2}$$

$b = -3$

$a = \frac{2}{3}$

63. m -nın hansı mənfi qiymətində tənliliklər sisteminin həlli yoxdur:

$$\begin{cases} 16x + my = 4, \\ mx + 9y - 3 = 0 \end{cases}$$

- A) -12 B) -7 C) -4 D) -3 E) -32

$$\frac{16}{m} = \frac{m}{9} + \frac{4}{3}$$

$m = 12$ olarsa $\frac{16}{12} = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}$ olur.

$m^2 = 16 \cdot 9$

$m = \pm \sqrt{16 \cdot 9}$

$m = \pm 4 \cdot 3 = \pm 12$

$m = 12$ olarsa $\frac{16}{12} = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}$ olur.
 isə sistemin sonsuz sayıda həlli olur.

$m = -12$ olmur.

64. m -in hansı mənfi qiymətində $\begin{cases} mx + y = 3, \\ 4x + my = 5 \end{cases}$ sisteminin həlli yoxdur?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) -0,5 E) -0,6

$$\frac{m}{4} = \frac{1}{m} + \frac{3}{5}$$

$m^2 = 4$

$m = \pm 2$

$m = -2$

65. a -nın hansı qiymətlərində $\begin{cases} ax - 8y = 9, \\ 1x - 2y = 3 \end{cases}$ tənliliklər sisteminin yeganə həlli var?

- A) 4 B) -4 C) $(-\infty; 4)$
 D) $(-\infty; 4) \cup (4; +\infty)$ E) $(4; +\infty)$

$$\frac{a}{1} \neq \frac{-8}{-2}$$

$a \neq 4$
 a 4-də başqa istənilən ədəd olarsa, sistemin yeganə həlli olar.

66. a -nın elə bütün mümkün qiymətlərini tapın ki, $\begin{cases} 5x + 9y = 19, \\ ax + 18y = 20 \end{cases}$ sisteminin yeganə həlli olsun.

- A) $a \in (-\infty; 10)$ B) $a \in (-\infty; 10) \cup (10; +\infty)$
 C) $(10; +\infty)$ D) $a = 10$
 E) $a = -10$

$$\frac{5}{a} \neq \frac{9}{18}$$

$a \neq 5 \cdot 2$

$a \neq 10$

10-dan başqa istənilən ədəd

67. Tənliliklər sisteminin həllini tapın: $\begin{cases} x^3 + y^3 = 26, \\ x^3 - y^3 = -27. \end{cases}$

- A) $(3; -1); (3; 1)$ B) $(-1; 3)$ C) $(-3; -1)$
 D) $(1; -3); (-1; 3)$ E) $(3; -1); (-1; 3)$

$$\begin{aligned} x^3 &= a \\ y^3 &= b \quad \text{ilə əvəz edər} \end{aligned} \quad \begin{cases} a+b=26 & \{ b=26-a \\ a-b=-27 & \{ a-b=-27 \\ \{ a=(26-a)-27 \end{cases}$$

$26-a^2=-27$

$b_1=26-27=-1$

$a^2-26a+27=0$

$b_2=26-(-1)=27.$

$\Phi=13^2+27=169+27=196$

$a_1=13 \pm 14$

$a_1=27 \quad a_1=-1$

68. Tənliliklər sisteminin həllini tapın: $\begin{cases} x^3 - y^3 = 26, \\ x^3 + y^3 = 27. \end{cases}$

- A) $(3; 1)$ və $(-1; -3)$ B) $(3; -1)$ və $(-1; 3)$ C) $(-3; -1)$
 D) $(1; 3)$ E) $(3; 1)$

69. Tənliliklər sisteminin həllini tapın: $\begin{cases} x^2 - x^2y = 8, \\ x^2y = -4. \end{cases}$

- A) $(2; -1)$ B) $(-2; -1)$ C) $(2; -1); (-2; -1)$
 D) $(2; 1); (2; -1)$ E) $(-2; 1); (-1; 2)$

$$\begin{aligned} x^2 &= 4 && \text{İkinci tənlilikdə } x^2=4 \text{ olduğunu nəzərə} \\ x &= \pm 2 && \text{alıqədən } x^2y=-4 \\ 4 \cdot y &= -4 && \\ y &= -1 && \text{alırıq.} \end{aligned}$$

Cəvab: $(2; -1)$ və $(-2; -1)$

70. Tənliliklər sisteminin həllini tapın: $\begin{cases} y^2 + xy^2 = 4, \\ xy^2 = 3. \end{cases}$

- A) $(3; 1)$ və $(3; -1)$ B) $(3; 1)$ C) $(3; -1)$
 D) $(-3; -1)$ və $(-3; 1)$ E) $(3; 1)$ və $(-3; -1)$

$$\begin{aligned} y^2 &= 1 && x \cdot 1 = 3 \\ y &= \pm 1 && x = 3 \\ (3; 1) &\text{ və } (3; -1) && \end{aligned}$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

71. Bir nasos hovuzu 6 saatə doldurur, digəri isə 7 saatə boşaldır.
Hər iki nasos eyni vaxtda qoşulsalar boş hovuz neçə saatda dolur?
 A) 42 saat B) 13 saat C) 1 saat
 D) 15 saat E) 4 saat

Hovuzu 6 saatə dolduran nasos 1 saatda hovuzun $\frac{1}{6}$ -ni doldurur. 7 saatə boşaldan isə 1 saatda $\frac{1}{7}$ -ni boşaldır. Hərisi bir saat işlədikdə hovuzda $\frac{1}{6} - \frac{1}{7} = \frac{7-6}{42} = \frac{1}{42}$ hissə su olur. Bir hovuzda $t: \frac{1}{42} = 1: \frac{42}{42} = 1$ belə hissə var. Dəmarə hər saatda $\frac{1}{42}$ hissəsi dolarsa, hovuz 42 saatda dolur.

72. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} x - y = 2, \\ x^2 + y^2 = 10. \end{cases}$

- A) 6 B) -3 C) 3 D) -6

- E) 2

$$\begin{aligned} x - y &= 2 & 2xy &= 6 \\ (x-y)^2 &= 2^2 & xy &= 6/2 \\ x^2 - 2xy + y^2 &= 4 & xy &= 3. \\ x^2 + y^2 - 2xy &= 4 & \\ 10 - 2xy &= 4 & \\ 2xy &= 10 - 4 & \end{aligned}$$

73. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} x^2 + y^2 = 10, \\ x - y = 3. \end{cases}$

- A) -10 B) -15 C) $\frac{65}{9}$ D) 28

- E) 195

74. Tənliliklər sistemindən $x^2 + y^2$ cəmini tapın: $\begin{cases} x + xy + y = 7, \\ x - xy + y = 1. \end{cases}$

- A) 10 B) 16 C) 9 D) 22

- E) 12

$$\begin{aligned} \text{alt-alta topladığda} \quad 2x + 2y &= 8 \\ \text{alt-alta təkrarlıdıqda} \quad 2(x+y) &= 8 \\ 2xy &= 6 \text{ olar.} \\ (x+y)^2 &= 4^2 \\ x^2 + 2xy + y^2 &= 16 \\ x^2 + 6 + y^2 &= 16 \\ x^2 + y^2 &= 16 - 6 = 10. \end{aligned}$$

75. Tənliliklər sistemini həll edin: $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{2}{y} = 3, \\ \frac{2}{xy} = 2. \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{y+2x}{xy} = 3 \\ xy = 1 \end{cases} \Rightarrow$

- A) (1; 1) B) $(\frac{1}{2}; 2)$ C) $(2; \frac{1}{2})$ D) $(1; 1), (\frac{1}{2}; 2)$ E) $(-\frac{1}{2}; 2)$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \begin{cases} y+2x=3 \\ xy=1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y=3-2x \\ x(3-2x)=1 \end{cases} \\ 3x - 2x^2 = 1 \\ 2x^2 - 3x + 1 = 0 \\ \Delta = 3^2 - 4 \cdot 2 \cdot 1 = 9 - 8 = 1 \\ x_1 = \frac{3+1}{4} \\ x_1 = 1 \quad y_1 = 3 - 2 \cdot 1 = 1 \quad (1; 1) \\ x_2 = \frac{3-1}{4} \\ x_2 = \frac{1}{2} \quad y_2 = 3 - 2 \cdot \frac{1}{2} = 2 \quad (\frac{1}{2}; 2) \end{aligned}$$

76. Tənliliklər sistemini həll edin: $\begin{cases} \frac{2}{x} - \frac{3}{y} = -1, \\ \frac{12}{xy} = 4. \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{4y-3x}{xy} = -1 \\ 3x-4y = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x-4y = 3 \\ 3x-4y = 3 \end{cases}$

- A) (-1; -3) və (2; 1,5) B) (-1; 3) və (-2; 1,5) C) (-1; -3)

- D) (2; 1,5), E) (-2; -1,5)

$$\begin{aligned} \begin{cases} 3x-4y = 3 \\ 3x-4y = 3 \end{cases} \quad \begin{aligned} 2y &= 3x-3 \\ y &= \frac{3x-3}{2} \\ xy &= 3 \quad x \cdot \frac{3x-3}{2} = 3 \\ 3x^2-3x-6 &= 0 \\ x^2-x-2 &= 0 \\ x_1 = 1 \quad y_1 &= \frac{3(-1)+3}{2} = \frac{-6}{2} = -3 \quad (-1; -3) \\ x_2 = 2 \quad y_2 &= \frac{3(2)-3}{2} = \frac{3}{2} = 1,5 \quad (2; 1,5) \end{aligned} \end{aligned}$$

77. Tənliliklər sistemindən $|x + y|$ -i tapın

- A) $\sqrt{2}$ B) 2 C) 16 D) $-\sqrt{2}$ E) 4

$$x^2 + 2xy + y^2 = 16$$

$$(x+y)^2 = 16$$

$$x+y = \pm 4$$

$$|x+y| = |\pm 4| = 4$$

78. Kəsinin məxrəci surətindən 12 vahid böyükdir. Kəsr ixtisar etdiğindən sonra $\frac{2}{3}$ alındı. İxtisardan qabaqkı kəsrini tapın.

- A) $\frac{36}{48}$ B) $\frac{12}{26}$ C) $\frac{51}{63}$ D) $\frac{18}{30}$ E) $\frac{24}{36}$

$$\frac{x}{x+12} = \frac{2}{3} \quad \begin{aligned} 3x &= 2(x+12) \\ 3x &= 2x+24 \\ 3x-2x &= 24 \\ x &= 24 \end{aligned} \quad \begin{aligned} \frac{24}{24+12} &= \frac{24}{36} \\ &= \frac{2}{3} \end{aligned}$$

79. Kəsinin məxrəci surətindən 15 vahid böyükdir. Onu ixtisar etdiğindən sonra $\frac{3}{4}$ alındı. İxtisar edilənə qədərkə kəsrini tapın.

- A) $\frac{45}{60}$ B) $\frac{9}{12}$ C) $\frac{14}{15}$ D) $\frac{10}{12}$ E) $\frac{52}{70}$

80. Kəsinin məxrəci surətindən 16 vahid böyükdir. Onu ixtisar etdiğindən sonra $\frac{4}{5}$ alındı. İxtisar edilənə qədərkə kəsrini tapın.

- A) $\frac{64}{90}$ B) $\frac{9}{10}$ C) $\frac{128}{160}$ D) $\frac{16}{20}$ E) $\frac{12}{15}$

$$\frac{x}{x+16} = \frac{4}{5} \quad \begin{aligned} 5x &= 4(x+16) \\ 5x &= 4x+64 \\ 5x-4x &= 64 \\ x &= 64 \end{aligned}$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

81. $\begin{cases} xy = 4, \\ x^2 + xy^2 = 16 \end{cases}$ sistemini həll edin və $x^2 + y$ cəmini tapın.

A) 6 B) 4 C) 8 D) 2 E) 10

$$\begin{aligned} xy &= 4 \\ xy(x+y) &= 16 \\ 4(x+y) &= 16 \\ x+y &= 4 \\ y &= 4-x \\ x \cdot y &= 4 \\ x \cdot (4-x) &= 4 \\ 4x - x^2 &= 4 \\ x^2 - 4x + 4 &= 0 \\ (x-2)^2 &= 0 \\ x-2 &= 0 \\ x &= 2 \\ x^2 + y &= 2^2 + 2 = 4+2 = 6 \end{aligned}$$

82. Bir fəhlə 1 saata 6 detal, digəri isə 3 saata 14 detal hazırlayır.

Onlar birlikdə 64 detalı neçə saata hazırlayır?

- A) 5 saat B) 4,5 saat C) 6 saat
D) 4 saat E) 5,4 saat

1 saatda 6 detal hazırlayan fəhlə 3 saatda $3 \cdot 6 = 18$ detal hazırlayır. Digəri də 3 saatda 14 detal hazırlayırdı. Buna görə 3 saatda $18 + 14 = 32$ detal hazırlayırlar. 64 detalı isə $(64:32) \cdot 3 = 2 \cdot 3 = 6$ saatda hazırlayırlar.

83. Bir fəhlə bir saatda 7 detal, digəri isə 4 saatda 13 detal hazırlayır.

Onlar birlikdə neçə saatda 82 detalı hazırlayır?

- A) 8 saat B) 6 saat C) 12 saat
D) 4 saat E) 10 saat

Bir saatda 7 detal hazırlayan fəhlə 4 saatda $4 \cdot 7 = 28$ detal hazırlayırlar. Digəri də 4 saatda $28 + 13 = 41$ detal hazırlayırlar. 82 detalı isə $(82:41) \cdot 4 = 2 \cdot 4 = 8$ saatda hazırlayırlar.

84. $\begin{cases} x + y = 3, \\ x^2 + xy = 6 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

A) 2 B) 3 C) 6 D) 1 E) 4

$$\begin{aligned} x+y &= 3 & x+y &= 3 \\ x(x+y) &= 6 & y &= 1 \\ x \cdot 3 &= 6 & x \cdot y &= 2 \cdot 1 = 2 \\ x &= 2 \end{aligned}$$

85. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini

tapın: $\begin{cases} y^2 - 3xy + x^2 - x + y + 9 = 0, \\ y - x = 2. \end{cases}$

- A) 12 B) 45 C) 15 D) 9
E) 25

Birinci tənliliyi eynilək şəvərmələri ilə şərhinə $y-x=2$ bərabərliyindən istifadə edək.

$$(y^2 - 2xy + x^2) + (y-x) - xy + 9 = 0$$

$$(y-x)^2 + (y-x) + 9 = xy$$

$$2^2 + 2 + 9 = xy$$

$$4 + 11 = xy$$

$$xy = 15$$

86. Tənliliklər sistemindən $x^2 - y^2$ fərqini tapın: $\begin{cases} 3x + y = -1, \\ x - y = 5. \end{cases}$

A) -24 B) 24 C) 15 D) 10 E) -15

$$\begin{aligned} 3x + y &= -1 \\ x - y &= 5 \\ 3x + y &= -1 \\ x - y &= 5 \\ 4x &= 4 \\ x &= 1 \\ y &= 1 - 5 \\ y &= -4 \\ x^2 - y^2 &= 1^2 - (-4)^2 = 1 - 16 = -15 \end{aligned}$$

87. Tənliliklər sistemini həll edin: $\begin{cases} x^2 + y^2 = 89, \\ x + y = 3. \end{cases} \Rightarrow y = 3 - x$

A) (-8; -5) B) (8; -5); (-5; 8) C) (8; 5)
D) (5; -8); (5; 8) E) (-5; -8); (-5; 8)

$$\begin{aligned} x^2 + y^2 &= 89 \\ 2x^2 - 6x - 80 &= 0 \\ 2x^2 - 3x - 40 &= 0 \\ x_1 = -5 & \quad y_1 = 3 - (-5) \approx 3 + 5 = 8 \quad (-5; 8) \\ x_2 = 8 & \quad y_2 = 3 - 8 = -5 \quad (8; -5) \end{aligned}$$

88. Tənliliklər sistemini həll edin: $\begin{cases} xy + x + y = 5, \\ x + y = 3. \end{cases} \begin{array}{|l} xy + x + y = 5 \\ x + y = 3 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} -x - y = -3 \end{array}$

A) (1; 2) B) (2; 1); (3; 0) C) (-1; -2); (-2; -1)
D) (-2; -1) E) (1; 2); (2; 1)

$$\begin{cases} xy = 2 \\ y = 3 - x \end{cases} \begin{aligned} x \cdot (3-x) &= 2 \\ 3x - x^2 &= 2 \\ x^2 - 3x + 1 &= 0 \\ x_1 = 1 & \quad y_1 = 3 - 1 = 2 \quad (1; 2) \\ x_2 = 2 & \quad y_2 = 3 - 2 = 1 \quad (2; 1) \end{aligned}$$

89. $\begin{cases} x^2 + y^2 = 40, \\ xy = 20. \end{cases}$ sistemindən $\frac{x}{y}$ nisbətini tapın.

A) 1 B) -1 C) 2 D) -2 E) 3

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 40 \\ -2xy = -40 \end{cases} \begin{aligned} \frac{x}{y} &= \frac{4}{\sqrt{10}} = 2 \\ x^2 - 2xy + y^2 &= 0 \\ (x-y)^2 &= 0 \\ x-y &= 0 \\ x &= y \end{aligned}$$

90. m -in hansı qiymətində $(2-m)x + 4my - 6 = 0$ və $3mx + (4m-1)y + 2 = 0$ düz xətlərinin kəsişmə nöqtəsi Ox oxu üzərində olar?

A) 0,5 B) 0,25 C) -0,25 D) 2 E) 1,25

Ox oxu üzərindəki nöqtələrin ordinatı sıfır olur ($x; 0$).

Fərqli məbləğlərdə $y=0$ yaxşı x ləri tapıb bərabərələşdiririk.

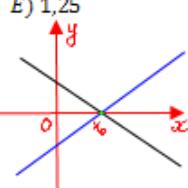
$$\begin{cases} (2-m)x - 6 = 0 \\ 3mx + 2 = 0 \end{cases} \begin{cases} x = \frac{6}{2-m} \\ x = \frac{-2}{3m} \end{cases} \Rightarrow \frac{6}{2-m} = \frac{-2}{3m}$$

$$18m = -2(2-m)$$

$$18m = -4 + 2m$$

$$18m - 2m = -4 \quad m = -0,25$$

$$16m = -4 \quad m = -4:16 = -0,25$$



TƏNLİKLER SİSTEMİ

$$\text{D) } g + 56 = 65$$

91. m -in hansı qiymətində $(2+m)x + 3my - 4 = 0$ və $2mx + (9m-3)y - 1 = 0$ düz xətlərinin kəsişmə nöqtəsi Oy oxunun üzərində ola bilər?

- A) $\frac{4}{11}$ B) 4 C) 11 D) $-\frac{11}{4}$ E) $\frac{4}{13}$

Oy oxu üzərindəki nöqtələrin absları sıfır ($x=0$) dər. Tənliliklərdə $x=0$ yazıb, y -ləri tapın. Bərabərləşdirməsələ m -i tapaq.

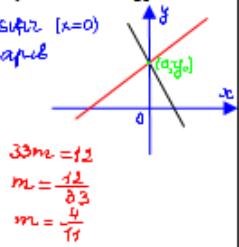
$$3my - 4 = 0 \quad (9m-3)y - 1 = 0$$

$$y = \frac{4}{3m} \quad y = \frac{1}{9m-3}$$

$$\frac{4}{3m} = \frac{1}{9m-3} \Rightarrow 4(9m-3) = 3m$$

$$36m - 12 = 3m$$

$$36m - 3m = 12$$



92. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} x^2y + xy^2 = -6, \\ x + y = 2. \end{cases}$

- A) 1 B) 2 C) -3 D) 4 E) 5

$$\begin{cases} xy(x+y) = -6 \\ x+y = 2 \end{cases}$$

$$xy \cdot 2 = -6$$

$$xy = -6/2$$

$$xy = -3.$$

93. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} x^2 + xy = 2, \\ y^2 + xy = 2 \end{cases}$

- A) 0,2 B) -1 C) 1 D) 2 E) -2

1 dəfə təpləyəq, 1 dəfə güləcəq.

$$\begin{aligned} x^2 + 2xy + y^2 &= 4 & x^2 - y^2 &= 0 & x+x &= \pm 1 \\ (x+y)^2 &= 4 & (x-y)(x+y) &= 0 & 2x &= \pm 2 \\ x+y &= \pm 2 & (x-y) \cdot (\pm 1) &= 0 & x &= \pm 1 \\ x &= \pm 1 & xy &= x \cdot x = x^2 = (\pm 1)^2 = 1 & xy &= \pm 1 \\ x &= y. & & & & \end{aligned}$$

94. Tənliliklər sistemini həll edin: $\begin{cases} (x-2)(y^2+2) = 0, \\ 2x+y^2 = 8. \end{cases}$

- A) (2; 2) B) (2; 2) və (2; -2) C) (2; 2) və (-2; -2)
D) (-2; 2) E) (2; 2) və (-2; 2)

hasil sıfır - dişis, vuruşlarından her olmasa biri sıfırdır. $(x-2)(y^2+2) = 0$

$$x-2 = 0 \text{ və ya } y^2+2 = 0$$

$$x = 2 \quad y^2 = -2$$

ikinci tənlilikdə $x = 1$

$$y^2 = -1 \quad \emptyset$$

Yaradıb y -i tapaq. $2x+y^2 = 8$

$$y^2 = 8-4 = 4 \quad (2; 2) \quad (2; -2)$$

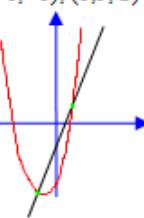
$$y = \pm 2.$$

95. Tənliliklər sistemini həll edin: $\begin{cases} (x+3)(y^2+7) = 0, \\ 3x+y^2 = 27. \end{cases}$

- A) (-3; 6) və (-3; -6) B) (-3; 6) C) (-3; -6)
D) (3; -6) və (3; 6) E) (3; -6)

96. $y = 2x^2 + 3x - 7$ parabolası ilə $y = 4x - 4$ düz xəttinin kəsişmə nöqtələrinin koordinatlarını tapın.

- A) (1; 0); (-1; -10) B) (1; 1); (-1, 5; -10)
C) (-1; -8); (1, 5; 2) D) (1; 8); (-1, 5; 2) E) kəsişmirlər



$$2x^2 + 3x - 7 = 4x - 4$$

$$2x^2 - x - 3 = 0$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 1 + 24 = 25 = 5^2$$

$$x = \frac{1 \pm 5}{4}$$

$$x_1 = \frac{6}{4} = 1.5$$

$$x_2 = \frac{-4}{4} = -1$$

$$y_1 = 4 \cdot 1.5 - 4 = 6 - 4 = 2 \quad (1.5; 2)$$

$$y_2 = 4 \cdot (-1) - 4 = -4 - 4 = -8 \quad (-1; -8)$$

97. Tənliliklər sistemindən $x+y$ cəminini tapın: $\begin{cases} 4x^2 - 9y^2 = 15, \\ 2x + 3y = 5. \end{cases}$

- A) 2 B) $\frac{1}{3}$ C) -2 D) $2\frac{1}{3}$

$$E) -\frac{1}{3}$$

$$4x^2 - 9y^2 = 15$$

$$(2x)^2 - (3y)^2 = 15$$

$$(2x-3y)(2x+3y) = 15$$

$$(1x-3y) \cdot 5 = 15$$

$$2x-3y = 3 +$$

$$2x+3y = 5 +$$

$$4x = 8$$

$$x = 2$$

$$2x+3y = 5$$

$$2 \cdot 2 + 3y = 5$$

$$4 + 3y = 5$$

$$3y = 1$$

$$y = \frac{1}{3}$$

$$x+y = 2 + \frac{1}{3} = 2\frac{1}{3}$$

98. $\begin{cases} 7a - 6b = 9, \\ 5a + 3b = 21 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $a \cdot b$ hasilini tapın.

- A) 8 B) 12 C) 6 D) 5 E) -6

$$\begin{cases} 7a - 6b = 9 \\ 10a + 6b = 42 \end{cases}$$

$$17a = 51$$

$$a = 3$$

$$5 \cdot 3 + 3b = 21$$

$$15 + 3b = 21$$

$$3b = 6$$

$$b = 2$$

99. $\begin{cases} 2x + 3y = 5, \\ 3x + y = 4 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x^2 + y^2$ cəminini tapın.

- A) 5 B) 4 C) 6 D) 2 E) -2

$$\begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ -9x - 3y = -12 \end{cases}$$

$$3x = 17$$

$$x = \frac{17}{3}$$

$$3x + y = 4$$

$$3 + y = 4$$

$$y = 1$$

$$x^2 + y^2 = \left(\frac{17}{3}\right)^2 + 1^2 = 2$$

100. $\begin{cases} x + y = -4, \\ x + z = 3, \\ y + z = 9 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot z$ tapın.

- A) -1 B) -5 C) 4 D) 3 E) 2

$$2x + 2y + 2z = 8$$

$$2(x + y + z) = 8$$

$$x + y + z = 4$$

$$x + 9 = 4$$

$$x = 4 - 9$$

$$x = -5$$

TƏNLİKLƏR SİSTEMİ

101. $\begin{cases} x+y=2, \\ x+z=7, \\ y+z=3 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən y -i tapın.

- A) -1 B) 1 C) 5 D) -5 E) 4

$$2x+2y+2z=12$$

$$2(x+y+z)=12$$

$$x+y+z=6$$

$$y+7=6$$

$$y=6-7=-1$$

102. Ana qızından dörd dəfə böyükdür. 3 ildən sonra o qızından üç dəfə böyük olacaq. Qızın indi neçə yaşı var?

- A) 6 yaş B) 5 yaş C) 7 yaş D) 8 yaş E) 9 yaş

İndi qızın yaşı x -dirsa, ananın yaşı $4x$ -dir.

3 ildən sonra qızın yaşı $x+3$, ananın yaşı $4x+3$ olur.

Məsələnin şərtinə görə $4x+3=(x+3) \cdot 3$

$$4x+3=3x+9$$

$$4x-3x=9-3$$

$$x=6$$
 yaş.

103. $\begin{cases} x-y=-3, \\ \log_2(2x-y)=0 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

- A) 4 B) 11 C) 28 D) -28 E) -4

$$\log_2(2x-y)=0 \quad \left\{ \begin{array}{l} x-y=-3 \quad (+) \\ 2x-y=1 \quad (-) \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} -x+y=3 \\ 2x-y=1 \end{array} \right. +$$

$$2x-y=1 \quad x=4$$

$$-x+y=3 \quad y=-3$$

$$y=4+3 \quad y=7$$

$$y=7 \quad xy=4 \cdot 7=28$$

104. Tənliliklər sistemindən $x+y$ cəmini tapın: $\begin{cases} x-y=2, \\ 3^{2x+y}=\frac{1}{9}. \end{cases}$

- A) 0 B) -2 C) 2 D) -3 E) 7

$$\begin{cases} x-y=2 \\ 3^{2x+y}=3^{-2} \end{cases} \quad \left\{ \begin{array}{l} x-y=2 \quad (+) \\ 3^{2x+y}=3^{-2} \quad (-) \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} 0-y=2 \\ -y=2 \end{array}$$

$$4x=0 \quad y=-2$$

$$x=0 \quad x+y=0+(-2)=-2.$$

105. İki ədədin cəmi $5\sqrt{2}$, hasili 12-dir. Onların kublarının ədədi ortasını tapın.

- A) $30\sqrt{2}$ B) $35\sqrt{2}$ C) $32\sqrt{2}$ D) $33\sqrt{2}$ E) $34\sqrt{2}$

$$\begin{cases} x+y=5\sqrt{2} \\ xy=12 \end{cases} \quad \left\{ \begin{array}{l} x^3+y^3=(x+y)(x^2-xy+y^2) = 5\sqrt{2}(x^2+2xy+y^2-3xy) \\ x^2-xy+y^2=3xy \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} x^3+y^3=5\sqrt{2}(5\sqrt{2})^2-3 \cdot 12 = 5\sqrt{2} \cdot 50-36 = 5\sqrt{2} \cdot 14 = 5\sqrt{2} \cdot 7 = 35\sqrt{2} \\ x^3+y^3=? \end{array}$$

106. İki ədədin fərqi $3\sqrt{2}$, hasili 6-dir. Onların kubları fərqiini tapın.

- A) $108\sqrt{2}$ B) $36\sqrt{2}$ C) $18\sqrt{2}$ D) 96 E) $78\sqrt{2}$

$$\begin{cases} x-y=3\sqrt{2} \\ xy=6 \end{cases} \quad \left\{ \begin{array}{l} x^3-y^3=(x-y)(x^2+xy+y^2) = 3\sqrt{2}((x^2-2xy+y^2)+3 \cdot 6) \\ x^2-2xy+y^2=3xy \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} x^3-y^3=3\sqrt{2}((3\sqrt{2})^2+18) = 3\sqrt{2} \cdot (18+18) = 3\sqrt{2} \cdot 36 = 108\sqrt{2} \\ x^3-y^3=? \end{array}$$

107. $\begin{cases} x-y=4, \\ x^2-xy=4 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

- A) 3 B) 4 C) -3 D) 0 E) -4

$$x^2-xy=4 \quad 1-y=4$$

$$x(x-y)=4 \quad y=1-4$$

$$x \cdot 4=4 \quad y=-3$$

$$x=1 \quad y=-3$$

$$x \cdot y=1 \cdot (-3)=-3$$

108. $\begin{cases} x^2-4y^2=-35, \\ x-2y=7 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

- A) -3 B) 3 C) 5 D) -5 E) 4

$$x^2-(2y)^2=-35$$

$$(x-2y)(x+2y)=-35 \quad 2-2 \cdot y=7$$

$$4 \cdot (x+2y)=-35 \quad 2y=2-7$$

$$\frac{x+2y}{4}=-\frac{35}{4} \quad 2y=-5$$

$$\frac{x-2y}{4}=-\frac{7}{4} \quad y=-\frac{5}{2}$$

$$\frac{4x}{4}=\frac{2}{2} \quad x=\frac{5}{2}=-5$$

$$x=2 \quad x=\frac{5}{2}=-5$$

109. $(x_1; y_1)$ və $(x_2; y_2)$ $\begin{cases} x+y=4, \\ x^2-4y=5 \end{cases}$ tənliliklər sistemimin həlli

olarsa, $x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2$ cəmini tapın.

- A) -21 B) 11 C) -33 D) -10 E) 10

$$\begin{cases} 4x+4y=16 \\ x^2-4y=5 \end{cases} \quad + \quad x_1, x_2 + y_1, y_2 =$$

$$x^2+4x=21 \quad = -7 \cdot 3 + 11 \cdot 1 = -21 + 11 = -10$$

$$x^2+4x-21=0$$

$$x_1=-7 \quad -7+4=4 \Rightarrow y_1=4+4=8$$

$$x_2=3 \quad 3+4=7 \Rightarrow y_2=7-3=4$$

$$xy=12, \quad xz=15, \quad yz=20$$

110. $x > 0, y > 0, z > 0$ olduğunu bilərək, $\begin{cases} xz=15, \\ yz=20 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y \cdot z$ hasilini tapın.

- A) 60 B) 55 C) 300 D) 120 E) 40

x, y, z -i astardığımız üçün sistemdən tənlilikləri alt-alta

ürəaq: $(xyz)^2=12 \cdot 15 \cdot 20$

$$xyz=\sqrt{12 \cdot 15 \cdot 20}=\sqrt{(4 \cdot 3) \cdot (3 \cdot 5) \cdot 20}=\sqrt{4 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 20}=$$

$$=2 \cdot 3 \cdot 10=60$$

111. $\begin{cases} 2^x \cdot 4^y=256, \\ \ln x + 2 \ln y = \ln(100000000) \end{cases}$ sistemindən $x+y$ cəmini tapın.

- A) 0 B) 34 C) 4+ $\sqrt{2}$ D) 11 E) $\sqrt{3}+\sqrt{5}$

$$2^x \cdot (2^2)^y=2^8 \quad \ln x + \ln y^2 = \ln(10^8) \quad 4y^2-8y^2+8=0$$

$$2^{x+2y}=2^8 \quad \ln x \cdot y^2 = \ln 8 \quad y^4-4y^2+4=0$$

$$x+2y=8 \quad x \cdot y^2=8 \quad (y^2-2)^2=0$$

$$x=8-2y^2 \quad y^2=2 \quad y=\pm\sqrt{2}$$

$$xy=1 \quad y=\pm\sqrt{2} \quad x=8-2 \cdot (\pm\sqrt{2})^2=8-2 \cdot 2=4$$

112. $\begin{cases} x^2+5xy+y^2=12, \\ xy=1 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $|x+y|$ -i tapın.

- A) 3 B) 2 C) 1 D) 12

$$E) 9$$

$$(x^2+2xy+y^2)+3xy=12$$

$$(x+y)^2+3xy=12$$

$$(x+y)^2=12-3 \cdot 1=12-3=9$$

$$(x+y)^2=9$$

$$x+y=\pm 3$$

$$|x+y|=|\pm 3|=3$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

113. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} xy + x^2 = 10, \\ x + y = 5. \end{cases}$

A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

$xy + x^2 = 10$ $x + y = 5$ $xy = 2 \cdot 3 = 6$

$x(y+x) = 10$ $x+y = 5$

$x \cdot 5 = 10$ $y = 5-2$

$5x = 10$ $y = 3$

118. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} 3x - y = 5, \\ x + y = 3. \end{cases}$

A) 7 B) 3 C) 2 D) -2 E) 6

$3x = 8$ $x+y = 3$ $x \cdot y = 2 \cdot 1 = 2.$

$x = 2$ $y = 1$

114. Tənliliklər sistemindən $\frac{x}{y}$ nisbetini tapın: $\begin{cases} x^2 + y^2 = 8, \\ xy = -4. \end{cases}$

A) 4 B) -4 C) -1 D) -2 E) 2

$\begin{cases} x^2 + y^2 = 8 \\ 2xy = -8 \end{cases}$

$x^2 + 2xy + y^2 = 0$

$(x+y)^2 = 0$

$x+y = 0$

$x = -y$

119. Tənliliklər sistemindən $\frac{y}{x}$ nisbetini tapın: $\begin{cases} 2x + 3y = -4, \\ 5x + 6y = -7. \end{cases}$

A) -2 B) $\frac{1}{2}$ C) $-\frac{1}{2}$ D) 2 E) -4

$\begin{cases} 4x + 6y = -8 \\ 5x + 6y = -7 \end{cases}$

$2x = 1$

$2 \cdot 1 + 3y = -4$

$3y = -4 - 2$

$3y = -6$

$y = -2$

115. $\begin{cases} x^2 + y^2 = 2, \\ xy(x+y) = 2 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x^2 + y^2$ cəmini tapın.

A) 4 B) 9 C) 16 D) 3 E) 2

$\begin{cases} (x+y)(x^2 - xy + y^2) = 2 \\ xy(x+y) = 2 \end{cases}$

$x^2 - xy + y^2 = xy$

$x^2 - 2xy + y^2 = 0$

$(x-y)^2 = 0$

$x = y$

120. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} 2x + y = 8, \\ 3x + 4y = 7. \end{cases}$

A) 10 B) -5 C) 20 D) -10 E) 6

$\begin{cases} -8x - 4y = -32 \\ 3x + 4y = 7 \end{cases}$

$-5x = -25$

$x = 5$

$2x + y = 8$

$y = 8 - 10$

$y = -2$

$x \cdot y = 5 \cdot (-2) = -10.$

116. $y = -2x^2 + x + 1$ parabolası ilə $y = 4x - 2$ düz xəttinin kəsişmə nöqtələrini tapın.

A) $(0.5; -4); (-3; 10)$

B) $(-0.5; 0); (3; -14)$

C) kəsişmirlər

D) $(0.5; 0); (3; 14)$

$-2x^2 + x + 1 = 4x - 2$

$2x^2 - 5x - 3 = 0$

$\Delta = 25 + 24 = 49 = 7^2$

$x_1 = \frac{5+7}{4}$

$x_1 = 3; y_1 = -4 \cdot 3 - 2 = -14 \quad (3; -14)$

$x_2 = \frac{5-7}{4}$

$x_2 = -\frac{1}{2}; y_2 = -4 \cdot \frac{1}{2} - 2 = 0 \quad (-0.5; 0)$

121. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} x + y = 5, \\ xy + y^2 = 5. \end{cases}$

A) 5 B) 4 C) 6 D) 3 E) 0

$xy + y^2 = 5$

$y(x+y) = 5$

$y \cdot 5 = 5$

$y = 1$

$x + 1 = 5$

$x = 4$

$x \cdot y = 4 \cdot 1 = 4.$

117. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} x^2 - y^2 = 21, \\ x - y = 3. \end{cases}$

A) 5 B) 10 C) 7 D) 2 E) 14

$x^2 - y^2 = 21$

$(x-y)(x+y) = 21$

$3 \cdot (x+y) = 21$

$\begin{cases} x+y = 7 \\ x-y = 3 \end{cases}$

$2x = 10$

$x = 5$

$5 - y = 3$

$y = 2.$

$x \cdot y = 5 \cdot 2 = 10.$

122. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} x^2 - 5xy = 6, \\ x - 5y = 1. \end{cases}$

A) 6 B) 1 C) 7 D) 3 E) 4

$x^2 - 5xy = 6$

$x(x-5y) = 6$

$x \cdot 1 = 6$

$x = 6$

$6 - 5y = 1$

$5y = 6 - 1$

$5y = 5$

$y = 1$

$x \cdot y = 6 \cdot 1 = 6$

123. Tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın: $\begin{cases} xy + 3y^2 = 12, \\ x + 3y = 4. \end{cases}$

A) -3 B) -5 C) 3 D) 2

E) -2

$y(x+3y) = 12$

$y \cdot 4 = 12$

$y = 3$

$x + 3 = 4$

$x = 4 - 3$

$x = -1$

$x + y = -1 + 3 = 2$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

- 124.** Çayın axımı ilə katerin sürəti 18 km/saat, axının eksinə isə 14 km/saatdır. Katerin durğun sudakı sürətini tapın.

- A) 16 km/saat B) 26 km/saat C) 15 km/saat
D) 28 km/saat E) 35 km/saat

Katerin v_k durğun sudakı sürəti
axım ilə sürəti v_a
axına qazlı sürəti v_{aq}

Çayın axımı sürəti v_q ilə 18-22 etşək,

$$\begin{cases} v_a = v_k + v_q = 18 \\ v_{aq} = v_k - v_q = 14 \end{cases}$$

$$v_k = \frac{v_a + v_{aq}}{2}$$

$$v_q = \frac{v_a - v_{aq}}{2}$$

$$2v_k = 32$$

$$v_k = 16$$

- 125.** Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın:

$$\begin{aligned} x^2 + y^2 &= 2xy + 5x, \\ x - y &= 10. \end{aligned}$$

- A) 100 B) 400 C) 20 D) 144 E) 200

$$\begin{aligned} x^2 - 2xy + y^2 &= 5x & 10 - y &= 10 \\ (x-y)^2 &= 5x & y &= 10 \\ 10^2 &= 5x & xy &= 20 \cdot 10 = 200 \\ 100 &= 5x & & \\ x &= 20 & & \end{aligned}$$

- 126.** Birinci boru hovuzu 5 saata doldurur. İkinci boru 6 saata boşaldır. İki boru eyni zamanda açılırsa, boş hovuz heç saata dolar?

- A) 5 saata B) 6 saata C) 15 saata
D) 30 saata E) 20 saata

I-boru 1 saatda hovuzun $\frac{1}{5}$ hissəsini doldurur.
İi-boru 1 saatda $\frac{1}{6}$ hissəsini boşaltır. Nasosların ictisidi
eyni razı işləyərək, 1 saatda hovuzun $\frac{1}{5} - \frac{1}{6} = \frac{6-5}{30} = \frac{1}{30}$
hissəsi qədər su yığılar. Bir hovuzda $\frac{1}{30}$ hissədən
 $1 \cdot \frac{1}{30} = 1 \cdot \frac{30}{1} = 30$ -u olduğundan hovuz 30 saatə dolur.

- 127.** $\begin{cases} xy = 9, \\ xy^2 + x^2y = 54 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x + y^2$ cəmini tapın.

- A) 16 B) -8 C) 12 D) 6 E) 8

$$\begin{aligned} xy(y+x) &= 54 & xy &= 9 & y &= 6-3=3 \\ 9 \cdot (x+y) &= 54 & x(6-x) &= 9 & y &= 3 \\ x+y &= 6 & 6x - x^2 &= 9 & & \\ y &= 6-x & x^2 - 6x + 9 &= 0 & & \\ (6-x)^2 &= 0 & x+y^2 &= 3+3^2=3+9=12 & & \\ x-3 &= 0 & & & & \\ x &= 3 & & & & \end{aligned}$$

- 128.** $\begin{cases} xy = -1, \\ 2(x^2y - xy^2) = x + 5y \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x^2 + y^2$ cəmini tapın.

- A) 2 B) 1 C) 0 D) 3 E) 4

$$\begin{aligned} 2xy(x-y) &= x + 5y & -y \cdot y &= -1 \\ 2 \cdot (-1)(x-y) &= x + 5y & -y^2 &= -1 \\ -2x + 2y &= x + 5y & y^2 &= 1 \\ -2x - x &= 5y - 2y & y &= \pm 1 \\ -3x &= 3y & x = -y &= -(\pm 1) = \mp 1 \\ x = -y & & x^2 + y^2 = (\mp 1)^2 + (\pm 1)^2 = 1+1 = 2. \end{aligned}$$

- 129.** 206 ədədini hansı müsbət ədədə bölmək lazımdır ki, qism et böldəndən 5 vahid böyük, qalıq isə böldəndən 10 vahid kiçik olsun?

- A) 18 B) 12 C) 36 D) 24 E) 20

$$206 : x = x+5 \quad \text{qalıq, } (x-10)$$

$$x \cdot (x+5) + (x-10) = 206$$

$$x^2 + 5x + x - 10 - 206 = 0$$

$$x^2 + 6x - 216 = 0$$

$$D_1 = 3^2 + 216 = 9 + 216 = 225 = 15^2$$

$$x_1 = -3 \pm 15$$

$$x_1 = 12 \quad x_2 = -18 \quad \text{x.x.}$$

- 130.** 217 ədədini hansı müsbət ədədə bölmək lazımdır ki, qism et böldəndən 3 vahid böyük, qalıq isə 4 vahid kiçik olsun?

- A) 13 B) 17 C) 15 D) 11 E) 19

$$217 : x = x+3 \quad \text{qalıq, } (x-4)$$

$$x \cdot (x+3) + x-4 = 217$$

$$x^2 + 3x + x - 4 - 217 = 0$$

$$x^2 + 4x - 221 = 0$$

$$D_1 = 4 + 221 = 225 = 15^2$$

$$x_1 = -2 \pm 15$$

$$x_1 = 13 \quad x_2 = -13 \quad \text{x.x.}$$

- 131.** $\begin{cases} \frac{x}{y} + \frac{y}{x} = 2, \\ x + y = 4 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

- A) -9 B) -4 C) 0 D) 4 E) 9

$$\begin{aligned} \frac{x}{y} + \frac{y}{x} &= 2 & x + x &= 4 \\ \frac{x^2 + y^2}{xy} &= 2 & 2x &= 4 \\ \frac{xy}{xy} &= 2 & x &= 2 \\ x^2 + y^2 &= 2xy & y &= 2 \\ (x-y)^2 &= 0 & x \cdot y &= 2 \cdot 2 = 4 \\ x-y &= 0 & & \\ x &= y & & \end{aligned}$$

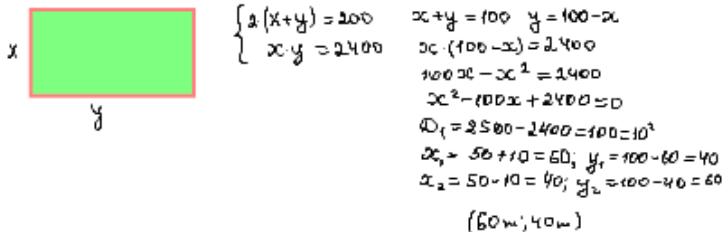
- 132.** Tənliliklər sistemini həll edin: $\begin{cases} \frac{x}{y} + \frac{y}{x} = -2, \\ x^2 + y^2 = 2. \end{cases}$

- A) (1;-1), (-1;1) B) (1;1), (-1;-1) C) (1;1) D) (-1;-1) E) \emptyset

$$\begin{aligned} x^2 + y^2 &= -2xy & (-y)^2 + y^2 &= 2 \\ x^2 + 2xy + y^2 &= 0 & y^2 + y^2 &= 2 \\ (x+y)^2 &= 0 & 2y^2 &= 2 \\ x+y &= 0 & y^2 &= 1 \\ x=-y & & y &= \pm 1. \quad (\pm 1; -1) \\ x &= -y & & \\ & & & \end{aligned}$$

- 133.** Sahəsi 2400 m^2 olan düzbucaqlı şəklində torpaq yerinə ətrafına uzunluğu 200 m -ə bərabər olan çəpər çəkilmişdir. Torpaq sahəsinin ölçülərini tapın.

- A) 80 m; 30m B) 120 m; 30 m C) 60 m; 40 m
D) 50 m; 48 m E) 100 m; 24 m



TƏNLİKLƏR SİSTEMİ

134. Düzbucaqlı şəklində olan əkin yerinin sahəsi 5400 m^2 , hasanın uzunluğu isə 300 m -dir. Bu əkin yerinin eni və uzunluğunu tapın.

- A) 90 m; 60 m B) 120 m; 30 m C) 80 m; 70 m
 D) 100 m; 50 m E) 110 m; 40 m

135. Avtobus A şəhərindən B şəhərinə $60 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$ sürətlə, B-dən A-ya isə $40 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$ sürətlə gedir. Avtobusun orta sürətini tapın.

- A) $50 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$ B) $55 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$ C) $45 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$
 D) $49 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$ E) $48 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$

Orta sürət gedilmiş yolun uzunluğununən sərf edilmiş zamana olan nisbətidir. $v_{\text{orta}} = \frac{s}{t}$. Avtobus A-dan B-ya $\frac{AB}{60}$ saat, B-dən A-ya $\frac{AB}{40}$ saat vərt sərf edib. $v_{\text{orta}} = \frac{AB + AB}{\frac{AB}{60} + \frac{AB}{40}} = \frac{2AB}{\frac{2AB+3AB}{120}} = \frac{2AB}{\frac{5AB}{120}} = \frac{240}{5} = 48 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$

136. $\begin{cases} xy^3 + x^3y = -8, \\ x^2 + y^2 = 4 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x + y$ cəminini tapın.

- A) 0 B) -4 C) 2 D) -2 E) 12

$$\begin{aligned} & xy(y^2 + x^2) = -8 \\ & xy \cdot 4 = -8 \\ & xy = -2 \\ & \begin{cases} 2xy = -4 \\ x^2 + y^2 = 4 \\ x^2 + 2xy + y^2 = 0 \\ (x+y)^2 = 0 \end{cases} \end{aligned}$$

137. Avtobus iki şəhər arasında reys edir. Bir istiqamətdə o 50 km/saat sürətlə, eks istiqamətdə isə 30 km/saat sürətlə hərəkət edir. Avtobusun orta sürəti nə qədərdir?

- A) 37,5 km/saat B) 40 km/saat C) 45 km/saat
 D) 35 km/saat E) 42,5 km/saat

$$v_{\text{orta}} = \frac{\frac{25}{50} + \frac{25}{30}}{\frac{5}{50} + \frac{5}{30}} = \frac{25}{\frac{85+53}{150}} = \frac{25}{\frac{138}{150}} = \frac{150}{4} = 37,5 \text{ km/saat}$$

138. $\begin{cases} 2x^2 - 3xy + y^2 = 21, \\ 2x - y = 7 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın.

$$\begin{aligned} & 2x - y = 7 \\ & 2x^2 - 3xy + y^2 = 21 \\ & 2x^2 - 3xy + 7x - 49 = 21 \\ & 2x^2 - 3xy + 7x - 20 = 0 \\ & 7x = 28 \\ & x = 4 \\ & y = 2 \cdot 4 - 7 = 8 - 7 = 1 \\ & x \cdot y = 4 \cdot 1 = 4 \end{aligned}$$

139. $\begin{cases} x^2 - 5xy + 2y^2 = 26, \\ x + 2y = 1 \end{cases}$ sistemini ödəyən tam x və y

$$\begin{aligned} & x = 1 - 2y \\ & (1-2y)^2 - 5y(1-2y) + 2y^2 = 26 \\ & 1 - 4y + 4y^2 - 5y + 10y^2 + 2y^2 - 26 = 0 \\ & 16y^2 - 9y - 25 = 0 \\ & D = b^2 - 4ac = 81 + 1600 = 1681 = 41^2 \\ & y_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a} = \frac{9 \pm 41}{32} \\ & y_1 = \frac{50}{32} = \frac{25}{16} = 1 \frac{9}{16} = 1,5625 \quad x_1 = 1 - 2 \cdot 1,5625 = -2,125 = -\frac{17}{8} \\ & y_2 = \frac{-32}{32} = -1 \quad x_2 = 1 - 2 \cdot (-1) = 3 = 2,5 \end{aligned}$$

140. $\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 4, \\ 2x + y = 1 \end{cases}$ tənliliklər sistemini ödəyən x və y

məchullanının müsbət tam qiymətlərinin cəmini tapın.

- A) 9 B) 10 C) 7 D) 5 E) 6

$$\begin{aligned} & 2x - y = 1 \\ & y = 2x - 1 \\ & x^2 - 3x(2x-1) + 2(1x-1)^2 = 4 \\ & x^2 - 6x^2 + 3x + 2x^2 - 2x + 2 - 4 = 0 \\ & 3x^2 - 5x - 2 = 0 \\ & D = b^2 - 4ac = (-5)^2 - 4 \cdot 3 \cdot (-2) = 25 + 24 = 49 = 7^2 \\ & x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a} = \frac{5 \pm 7}{6} \\ & x_1 = 2 \quad y_1 = 2 \cdot 2 - 1 = 4 - 1 = 3 \quad x_1 + y_1 = 2 + 3 = 5 \\ & x_2 = -\frac{1}{6} = -\frac{1}{3} \text{ tam kök deyil.} \end{aligned}$$

141. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} x^2 + y^2 = 10, \\ x + y = 4. \end{cases}$

$$\begin{aligned} & (x+y)^2 = y^2 \\ & x^2 + 2xy + y^2 = 16 \\ & 10 + 2xy = 16 \\ & 2xy = 16 - 10 \\ & 2xy = 6 \\ & xy = 3 \end{aligned}$$

142. Həyətdə toyuqlar və dovşanlar qaçır. Onlarmın birlikdə 35 başı və 94 ayağı var. Həyətdə neçə dovşan var?

- A) 35 B) 23 C) 21 D) 15 E) 12

dovşanları d, toyuqları t hafları ilə işzə etsək, $\begin{cases} d+t=35 \\ 4d+2t=94 \end{cases}$ tənliliklər sistemini yara bilərik.

$$\begin{cases} d+t=35 \\ 4d+2t=94 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -2d-2t=-70 \\ 4d+2t=94 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} & 2d = 24 \\ & d = 24 : 2 = 12 \text{ dovşan} \end{aligned}$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

143. $\begin{cases} xy = 1, \\ 3(x^2y + xy^2) = 5(x - y) \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x^2 + y^2$ cəminini hesablayın.

A) $\frac{4}{5}$ B) 1 C) $\frac{17}{14}$ D) $\frac{3}{2}$ E) $\frac{2}{3}$

$$\begin{aligned} 3xy(x+y) &= 5(x-y) & xy &= 1 \\ 3 \cdot 1(x+y) &= 5(x-y) & 4y \cdot y &= 1 \\ 3x+3y &= 5x-5y & 4y^2 &= 1 \\ 3y+5y &= 5x-3x & y^2 &= \frac{1}{4} \\ 8y &= 2x & y &= \pm \frac{1}{2} \\ 2x &= 8y & x &= 4 \cdot \left(\pm \frac{1}{2}\right) = \pm 2 \\ 2x &= 8y & x &= 4 \cdot \left(\pm \frac{1}{2}\right) = \pm 2 \\ x^2 + y^2 &= (\pm 2)^2 + (\pm \frac{1}{2})^2 = 4 + \frac{1}{4} = 4\frac{1}{4} = \frac{17}{4} \end{aligned}$$

144. $\begin{cases} x^2y^4 + x^4y^2 = 16, \\ xy = -2 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın.

A) 14 B) 1 C) 2 D) 0 E) -2

$$\begin{aligned} x^1y^2(y^2+x^2) &= 16 & \begin{cases} x^2+y^2=4 \\ 2xy=-4 \end{cases} \\ (xy)^2(x^2+y^2) &= 16 & x^2+2xy+y^2=0 \\ (-2)^2(x^2+y^2) &= 16 & (x+y)^2=0 \\ \begin{cases} x^2+y^2=4 \\ 2xy=-4 \end{cases} & & x+y=0 \end{aligned}$$

145. $\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 12, \\ x - 2y = 3 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x + y$ cəmini tapın.

A) 10 B) 12 C) -8 D) 6 E) -6

$$\begin{aligned} x &= 2y+3 & x &= 2 \cdot 1 + 3 = 2+3=5 \\ (2y+3)^2 - 3y(2y+3) + 2y^2 &= 12 & x &= 5 \\ 4y^2 + 12y + 9 - 6y^2 - 9y + 2y^2 &= 12 & x+y &= 5+1=6 \\ 3y+8 &= 12 \\ 3y &= 12-8 \\ 3y &= 4 \\ y &= 1 \end{aligned}$$

146. Tənliliklər sistemindən $\frac{x}{y}$ -nisbətini tapın: $\begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{8}{y} = 8, \\ \frac{5}{x} + \frac{4}{y} = 51. \end{cases}$

A) 2,5 B) 40 C) $\frac{1}{40}$ D) -40 E) $-\frac{1}{20}$

$$\begin{aligned} \begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{8}{y} = 8 \\ \frac{5}{x} + \frac{4}{y} = 51 \end{cases} & \quad \begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{8}{y} = 8 \\ \frac{5}{x} + \frac{4}{y} = 51 \end{cases} \\ \frac{1}{x} + \frac{4}{y} &= 40 \\ \frac{11}{x} &= 40 \\ x &= \frac{11}{40} = \frac{1}{4} = 0,25 \end{aligned}$$

147. Maşın yolun I yarısını 60 km/saat sürətlə, II yarısını isə 40 km/saat sürətlə getmişdir. Maşının 240 km yol getdiyini biliyək, orta sürətini tapın.

A) 24 km/saat B) 30 km/saat C) 48 km/saat
D) 50 km/saat E) 60 km/saat

Yolun yarısı $240:2=120$ km olur.

O yolun I yarısına $120:60=2$ saat, II yarısına $120:40=3$ saat vaxt sırf etməlidir. Maşın 240 km yola $2+3=5$ saat vaxt sırf etdiyindən orta sürət $240:5=48$ $\frac{\text{km}}{\text{saat}}$ olur.

148. Yolun birinci yarısını maşın 50 km/saat sürətlə, ikinci yarısını isə 30 km/saat sürətlə getdi. Maşının 300 km yol getdiyini biliyək, onun orta sürətini tapın.

A) 37,5 km/saat B) 40 km/saat C) 45 km/saat
D) 35 km/saat E) 42,5 km/saat

yolun yarısı $300:2=150$ km -dir, maşın I 150 km-ə $50:50=3$ saat, II 150 km-ə $30:30=5$ saat vaxt sırf edib. O 300 km yola $3+5=8$ saat vaxt sırf edib. $v_{ort} = \frac{300}{8} = 37,5 \frac{\text{km}}{\text{saat}}$

149. Aşağıdakı tənliliklərdən hansı $3,5y + 2 = 1,5x$ tənliyi ilə

birlükde sonsuz sayıda həlli olan tənliliklər sistemi əmələ gətirir?

A) $0,6x = 8 + 1,4y$ B) $3x - 7y = 4$ C) $0,7x + 0,6y = 1$
D) $0,3x - 0,7y = 4$ E) $8y - 2x = 5$

$$\begin{aligned} 3,5y + 2 &= 1,5x \\ 1,5x - 3,5y &= 2 \quad (2) \\ 3x - 7y &= 4 \quad (1) \end{aligned}$$

iki məsələdə xətti tənliliklərin sonsuz sayıda həlliinin olması üçün uyğun əmsalların nisbəti əsasələr olmalıdır.

Tənliyin her iki tərfini eyni şədər vurduğdu eyniqüclü tənliyə çevrilir.

150. Aşağıdakı tənliliklərdən hansının $3x - 7y = 4$ tənliyi ilə

birlükde əmələ gətirdiyi tənliliklər sisteminin həlli yoxdur?

A) $5x + 6y = 2$ B) $8y - 2x = 5$ C) $0,3x - 0,7y = 0,4$

D) $0,6x = 8 + 1,4y$ E) $0,7x + 0,6y = 1$

həlli olmaması fərzi

$$\begin{aligned} & \begin{cases} ax + by = c_1 \\ a_1x + b_1y = c_1 \end{cases}, \quad \begin{cases} \frac{3}{5} = \frac{-7}{6} \neq \frac{4}{2} \text{ doğru deyil } 6 \cdot 3 + 5 \cdot (-7) \\ a_1x + b_1y = c_1 \end{cases} \\ & \begin{cases} \frac{3}{5} = \frac{-7}{6} \neq \frac{4}{2} \text{ doğru deyil } 8 \cdot (-2) + 3 \cdot (-7) \\ a_1x + b_1y = c_1 \end{cases} \\ & \begin{cases} \frac{3}{5} = \frac{-7}{6} \neq \frac{4}{2} \text{ doğru deyil } 10 = 10 = 10 \\ a_1x + b_1y = c_1 \end{cases} \\ & \begin{cases} \frac{a_1}{a} = \frac{b_1}{b} \neq \frac{c_1}{c} \\ \frac{3}{5} = \frac{-7}{6} \neq \frac{4}{2} \text{ doğrudur. } -4,2 = -4,2 + 0,5 \end{cases} \end{aligned}$$

151. k -nın hansı qiymətində tənliliklər sisteminin sonsuz sayıda həlli

var: $\begin{cases} 2x + ky = 2, \\ kx + 27y = 4,5 \end{cases}$

A) -5 B) -7 C) -9 D) -8 E) 0

$$\frac{1}{k} = \frac{x}{27} = \frac{2}{4,5} \text{ olmalıdır!}$$

$$k^2 = 54$$

$k = \sqrt{54}$ - irrasional zədədir. $\frac{2}{\sqrt{54}} = \frac{1}{\sqrt{27}}$ ola bilmez!

152. k -nın hansı qiymətlərində $\begin{cases} kx + 3y = 6 \\ 7x + ky = 14 \end{cases}$ sisteminin sonsuz sayıda həlli var?

A) heç bir qiymətində B) $\pm \sqrt{21}$ C) 3 D) 7 E) $\pm \sqrt{2}$

$$\frac{k}{7} = \frac{3}{14} = \frac{6}{k}$$

$$\begin{aligned} k^2 &= 21 \\ k &= \pm \sqrt{21} \text{ irrasional} \end{aligned}$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

153. Bir top parçanın qiyməti 35 manatdır. Topdakı parçanı 4 m artırsaq və metrinin qiymətini bir manat ucuzlaşdırısaq, ümumi qiymət dəyişməz. Topda neçə metr parça olduğunu tapın.

A) 10 m B) 11 m C) 12 m D) 13 m E) 14 m
topdakı parça x metr, qiyməti y manat olarsa,

$$\begin{cases} x+y=35 & x=? \\ (x+4)(y-1)=35 & x=4y-4 = 4 \cdot 35 - 4 = 140 - 4 = 136 \text{ metr.} \\ xy=20y-4y=35 & (4y-4)y=35 \\ 35-x+4y-4=35 & 4y^2-4y-35=0 \\ 4y-4=35 & 4y_1=4+4 \cdot 35 = 144 = 12^2 \\ 4y=39 & y = \frac{2 \pm \sqrt{144}}{4} \\ 4y=39 & y = \frac{2 \pm 12}{4} \\ y=\frac{39}{4} & y = \frac{2+12}{4} = 3,5 \text{ metr.} \end{cases}$$

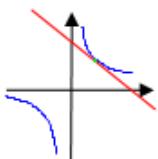
154. 140 yerlik tamaşa salonu tamir edildikdən sonra, sıralann sayı 4 vahid artı, hər sıradakı yerlərin sayı 4 vahid azaldı. Yerlərin ümumi sayının dəyişmədiyini biliyək, təmirdən sonra salonda neçə sıra olduğunu tapın.

A) 12 B) 14 C) 15 D) 16 E) 18
təmirdə qədər sıralann sayı x , hər sıradakı yerlərin sayı y olarsa,

$$\begin{cases} x \cdot y = 140 & x+y=? \\ (x+4)(y-4) = 140 & x=(x+4) = 140 = 10 \cdot 14 = 10 \cdot (10+4) \\ xy - 4x + 4y - 16 = 140 & x=10 \\ 140 - 4x + 4y - 16 = 140 & x+4=10+4=14 \\ 4y = 4x + 16 & y = \frac{4(x+4)}{4} = x+4 \\ y = \frac{4(x+4)}{4} = x+4 & \end{cases}$$

155. a parametrinin hansı müsbət qiymətində $\begin{cases} x+y=a, \\ xy=9 \end{cases}$ tənliliklər sisteminin yeganə həlli var? D=0.

A) 10 B) 8 C) $2\sqrt{3}$ D) 7 E) 6



$$\begin{aligned} x+y &= a \\ y &= -x+a \\ x(-x+a) &= 9 \\ -x^2+ax-9 &= 0 \quad (+) \\ x^2-ax+9 &= 0 \\ 0 &= a^2-4 \cdot 9 = 0 \\ a^2 &= 36 \\ a &= 6 \end{aligned}$$

156. a -nın hansı müsbət qiymətində $\begin{cases} 2x+y=a, \\ xy=8 \end{cases}$ sisteminin yeganə həlli var?

A) ± 8 B) 8 C) -8 D) 16 E) 6

$$\begin{aligned} y &= -2x+a \\ x(-2x+a) &= 8 \\ -2x^2+ax-8 &= 0 \\ 2x^2-ax+8 &= 0 \\ 0 &= a^2-64 = 0 \\ a^2 &= 64 \\ a &= 8 > 0. \end{aligned}$$

157. $x > 0, y > 0, z > 0$ olduqda $\begin{cases} xy = 6, \\ xz = 9, \\ yz = 18 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x+y$ cəminin en kiçik qiymətini tapın.

A) $\sqrt{3}$ B) $\sqrt{2}$ C) $2\sqrt{2}$ D) $2\sqrt{3}$ E) $3\sqrt{3}$

Bərabərlikləri təzəf təzəfə vuraq. $(xyz)^2 = 6 \cdot 9 \cdot 18$

$$\begin{aligned} (xyz)^2 &= 3 \cdot 18 \cdot 18 \\ xyz &= \sqrt{3 \cdot 18^2} = 18\sqrt{3} \\ xyz &= 18\sqrt{3} \\ 6 \cdot x &= 18\sqrt{3} \\ z = \frac{18\sqrt{3}}{6} &= 3\sqrt{3} \\ x+z &= 3\sqrt{3} \end{aligned}$$

158. $x < 0, y < 0, z < 0$ olduqda $\begin{cases} xy = 10, \\ xz = 6, \\ yz = 15 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x+y$ cəminin en böyük qiymətini tapın.

A) -3 B) -5 C) -2 D) -1 E) -6

$$(xyz)^2 = 10 \cdot 6 \cdot 15$$

$$(10 \cdot 2)^2 = 900$$

$$100 \cdot 2^2 = 900$$

$$z = -3$$

$$z^2 = 9$$

$$z = \pm 3$$

159. a -nın hansı qiymətlərində $\begin{cases} 2x+y=3, \\ x-y=a \end{cases}$ tənliliklər sistemini ödayen x və y -lər üçün $x < y$ olar?

A) $a < 0$ B) $a = 0$ C) $a = 2$ D) $a > 2$ E) $a > 1$

$$\begin{aligned} 3x &= a+3 & \begin{cases} 2x+y=3 \\ 2x-y=a \end{cases} & \begin{cases} 2x+y=3 \\ -2x+y=-a \end{cases} \\ x &= \frac{a+3}{3} & -2y = a & 2x = 3-a \\ x &< y & 2y &= 3-2x \\ \frac{a+3}{3} &< \frac{3-2x}{3} & 2y &= \frac{3-2(a+3)}{3} \\ a+3 &< 3-2a & 2y &= \frac{3-2a-6-6a}{3} \\ a+3 &< 3-2a & 2y &= \frac{-3-6a}{3} \\ a+2a &< 3-3 & 2y &= -1-3a \\ 3a &< 0 & y &= -\frac{1+3a}{2} \\ a &< 0 & y & < x \end{aligned}$$

160. m -in hansı qiymətində $\begin{cases} 2x+(m-1)y=3, \\ (m+1)x+4y=-3 \end{cases}$ tənliliklər sisteminin həlli yoxdur?

A) 2 B) -3 C) 0 D) 3 E) -2

$$\begin{aligned} \frac{1}{m+1} &= \frac{m-1}{4} \neq \frac{3}{-3} = 1 & m=3; \quad \frac{2}{3+1} = \frac{3-1}{4} \neq -1 \\ (m+1) \cdot (m-1) &= 8 & \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \neq 1. \\ m^2-1 &= 8 & m=-3; \quad \frac{2}{-3+1} = \frac{-3-1}{4} \neq -1 \\ m^2 &= 9 & m=-3 \\ m &= \pm 3 & -1 = -1 \neq -1 \\ & & \text{dəsamur!} \end{aligned}$$

161. $\begin{cases} x^2+y=12, \\ y^2+x=12 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x+y$ cəminin en kiçik qiymətini tapın.

A) 1 B) -8 C) 0 D) -16 E) -6

$$\begin{aligned} x^2+y &= 12 & x=y \\ -y^2-x &= -12 & x^2+x-12=0 \\ x^2-y^2+y-x &= 0 & x_1=-4 \quad y_1=-4 \quad x_1+y_1=-4+(-4)=-8 \\ (x-y)(x+y)-(x-y) &= 0 & x_2=3 \quad y_2=3 \quad x_2+y_2=3+3=6 \\ (x-y)(x+y-1) &= 0 & \\ x-y &= 0 & \\ x &= y & \end{aligned}$$

162. $\begin{cases} (x-3)(y-5)=0, \\ x^2+y^2=25 \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $x+y$ cəminin en böyük qiymətini tapın.

A) 5 B) 8 C) 7 D) 4 E) 9

$$\begin{aligned} (x-3)(y-5) &= 0 & \\ x-3 &= 0 \text{ və ya } y-5=0 & \\ x=3 & \quad y=5 & 3^2+5^2=25 \\ x^2+y^2 &= 25 & x^2=25-25=0 \\ x^2+y^2 &= 25 & (x+4)(3+4)=1 \quad x=0. \\ 3+y^2 &= 25 & (3,-4) \quad (0,5) \\ y^2 &= 25-9=16 & x+4=1 \quad 0+5=5 \\ y &= \pm 4 & \end{aligned}$$

TƏNLİKLER SİSTEMİ

163. $\left(\frac{3}{4}x - 15\right)^2 + \left(\frac{1}{2}x + y - 4\right)^2 = 0$ olarsa, y -i tapın.
 A) 1 B) 1,25 C) 2,4 D) -6 E) -2

Mənfi olmayan iki ifadənin cəminin sıfır olması üçün həmin ifadələrin hər biri sıfıra bərabər olmalıdır

$$\begin{aligned}\frac{3}{4}x - 15 &= 0 \\ \frac{3}{4}x &\approx 15 \\ x &= \frac{15 \cdot 4}{3} = 54 = 20 \\ \frac{1}{2}x + y - 4 &= 0 \\ \frac{1}{2} \cdot 20 + y &= 4 \\ 10 + y &= 4 \\ y &= 4 - 10 = -6\end{aligned}$$

164. $\left(\frac{4}{5}y - 24\right)^2 + \left(\frac{1}{2}x + y - 8\right)^2 = 0$ olduğunu bilərək, x -i tapın.
 A) -44 B) 44 C) 22 D) 30 E) -22

$$\begin{aligned}\frac{4}{5}y - 24 &= 0 \\ \frac{4}{5}y &\approx 24 \\ y &= 24 \cdot \frac{5}{4} = 24 \cdot \frac{5}{4} = 30 \\ \frac{1}{2}x + y - 8 &= 0 \\ \frac{1}{2}x + 30 - 8 &= 0 \\ \frac{1}{2}x + 22 &= 0 \\ \frac{1}{2}x &= -22 \\ x &= -22 \cdot \frac{2}{1} = -44 \\ x &= -44.\end{aligned}$$

165. Tənliliklər sistemindən x -i tapın: $\begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{1}{y} = 1, \text{(1)} \\ \frac{1}{2x} + \frac{2}{y} = 8. \text{(2)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{2}{x} - \frac{2}{y} = 2 \\ \frac{1}{2x} + \frac{1}{y} = 8 \end{cases} +$
 A) 4 B) $\frac{3}{10}$ C) 5 D) $\frac{7}{10}$ E) $\frac{1}{4}$

$$\begin{aligned}\frac{1}{2x} + \frac{1}{2x} &= 10 \\ \frac{4+1}{2x} &= 10 \\ \frac{5}{2x} &= 10 \\ 2x \cdot 10 &= 5 \\ 20x &= 5 \\ x = 5 : 20 &= \frac{5}{20} = \frac{1}{4}\end{aligned}$$

166. Tənliliklər sistemindən x -i tapın: $\begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{1}{y} = 1, \text{(-1)} \\ \frac{2}{x} - \frac{1}{2y} = 5. \text{(2)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -\frac{1}{2x} + \frac{1}{2y} = -\frac{1}{2} \\ \frac{2}{x} - \frac{1}{2y} = 5 \end{cases} +$
 A) $\frac{4}{3}$ B) $\frac{11}{5}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{1}{2}$

$$\begin{aligned}-\frac{1}{2x} + \frac{2}{2x} &= -\frac{1}{2} + 5 \\ \frac{-1+2}{2x} &= 5 - \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2x} &= \frac{9}{2} \\ 2x \cdot \frac{1}{2x} &= 9 : 2\end{aligned}$$

167. $\begin{cases} \frac{xy}{x+y} = \frac{1}{7}, \\ \frac{yz}{y+z} = \frac{1}{5}, \end{cases}$ sistem i verilmişdir. $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}$ cəmini tapın.
 A) 6 B) 8 C) 9 D) 12 E) 18

$$\begin{aligned}\frac{xy}{x+y} = \frac{1}{7} \Rightarrow \frac{x+y}{xy} = 7 \Rightarrow \frac{x}{xy} + \frac{y}{xy} = 7 \Rightarrow \frac{1}{y} + \frac{1}{x} = 7 \\ \frac{yz}{y+z} = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{y+z}{yz} = 5 \Rightarrow \frac{y}{yz} + \frac{z}{yz} = 5 \Rightarrow \frac{1}{z} + \frac{1}{y} = 5 \\ 2\left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}\right) = 12 \Rightarrow \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = 6\end{aligned}$$

168. k -parametrinin hansı qiymətlərində $\begin{cases} 2x - y = 3, \\ x + y = 2k \end{cases}$ tənliliklər sisteminin $x > y$ şəntini ödəyən həlli var?

- A) $k < 3$ B) $k > 3$ C) $0 < k < \frac{1}{2}$
 D) $k = 3$ E) $k = 4,5$

$$\begin{aligned}3x = 3 + 2k \\ x = \frac{3+2k}{3} \\ \begin{cases} 2x - y = 3 \\ x + y = 2k \end{cases} \quad \begin{aligned} 2x - y = 3 \\ x + y = 2k \end{aligned} \\ -2x - 2y = -4k \\ -3y = 3 - 4k \\ y = \frac{4k-3}{3}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x > y \\ \frac{3+2k}{3} > \frac{4k-3}{3} \\ 3 + 2k > 4k - 3 \\ 3 + 3 > 4k - 2k \\ 6 > 2k \\ 2k < 6 \\ k < 3\end{aligned}$$

169. k -nın hansı qiymətlərində $\begin{cases} 3x + y = 5, \\ x - y = 3k \end{cases}$ sisteminin həlli $x < y$ şəntini ödəyir?

- A) $k < 0$ B) $k > 0$ C) $k > 1$ D) $k < -1$ E) $k < 1$

$$\begin{aligned}3x + y = 5 + 3k \\ x = \frac{5+3k}{3} \\ \begin{cases} 3x + y = 5 \\ x - y = 3k \end{cases} \quad \begin{aligned} 3x + y = 5 \\ x - y = 3k \end{aligned} \\ -3x + 3y = -9k \\ 4y = 5 - 9k \\ y = \frac{5-9k}{4}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x < y \\ \frac{5+3k}{3} < \frac{5-9k}{4} \\ 4(5+3k) < 3(5-9k) \\ 20 + 12k < 15 - 27k \\ 39k < -5\end{aligned}$$

170. $\begin{cases} x + xy = \frac{5}{3}, \\ y + y^2 = \frac{1}{6} \end{cases}$ tənliliklər sistemindən $\frac{x-ay}{x}$ nisbetini tapın.

- A) 10 B) $\frac{10}{7}$ C) $\frac{7}{10}$ D) $\frac{3}{10}$ E) $\frac{10}{33}$

$$\begin{aligned}\begin{cases} x(1+y) = \frac{5}{3} \\ y(1+y) = \frac{1}{6} \end{cases} \quad \begin{aligned} x-ay &= \frac{10y-3y}{10y} = \frac{7y}{10y} = \frac{7}{10} \\ \frac{x}{y} &= \frac{5}{3} : \frac{1}{6} = \frac{5}{3} \cdot \frac{6}{1} = 10 \\ x &= 10y\end{aligned}$$

171. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} 4x^2 + 4y + 1 = 0, \\ 4y^2 + 4x + 1 = 0. \end{cases}$

- A) $\frac{3}{4}$ B) $-\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $-\frac{3}{4}$

$$\begin{aligned}4x^2 + 4y + 1 + 4y^2 + 4x + 1 &= 0 \\ (2x+1)^2 + (2y+1)^2 &= 0 \Rightarrow \begin{cases} 2x+1=0 \\ 2y+1=0 \end{cases} \quad \begin{cases} x = -\frac{1}{2} \\ y = -\frac{1}{2} \end{cases} \quad xy = -\frac{1}{2} \cdot -\frac{1}{2} = \frac{1}{4}\end{aligned}$$

172. Tənliliklər sistemindən $x \cdot y$ hasilini tapın: $\begin{cases} 9x^2 - 6y + 1 = 0, \\ 9y^2 - 6x + 1 = 0. \end{cases}$

- A) $\frac{1}{6}$ B) $-\frac{1}{9}$ C) $\frac{1}{9}$ D) $-\frac{1}{6}$ E) $\frac{2}{3}$

$$\begin{aligned}9x^2 - 6x + 1 + 9y^2 - 6y + 1 &= 0 \\ (3x-1)^2 + (3y-1)^2 &= 0 \Rightarrow \begin{cases} 3x-1=0 \\ 3y-1=0 \end{cases} \quad \begin{cases} x = \frac{1}{3} \\ y = \frac{1}{3} \end{cases} \quad xy = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{9}\end{aligned}$$